

La progettazione logica

Matteo Gorgone
Università degli Studi di Messina

La progettazione logica

La progettazione logica si articola in due fasi:

- **RISTRUTTURAZIONE DELLO SCHEMA ENTITÀ-ASSOCIAZIONE:** è una fase indipendente dal modello logico scelto e si concentra sui criteri di ottimizzazione dello schema e di semplificazione per la fase successiva;
- **TRADUZIONE NEL MODELLO LOGICO:** si tiene conto di uno specifico modello logico (nel nostro caso quello relazionale) all'interno del quale viene tradotta la realtà rappresentata dallo schema ER.

Ristrutturazione dello schema ER

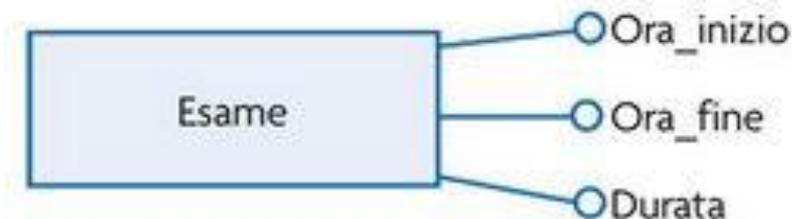
Passi da svolgere nella fase di ristrutturazione dello schema Entità-Associazioni:

- 1. Analisi delle ridondanze;**
- 2. Eliminazione delle generalizzazioni;**
- 3. Partizionamento/accorpamento di entità e associazioni;**
- 4. Scelta delle chiavi primarie.**

Ristrutturazione dello schema ER: *analisi delle ridondanze*

Una ridondanza è un'informazione significativa ma derivabile da altre.

- Attributi derivabili all'interno della stessa entità:

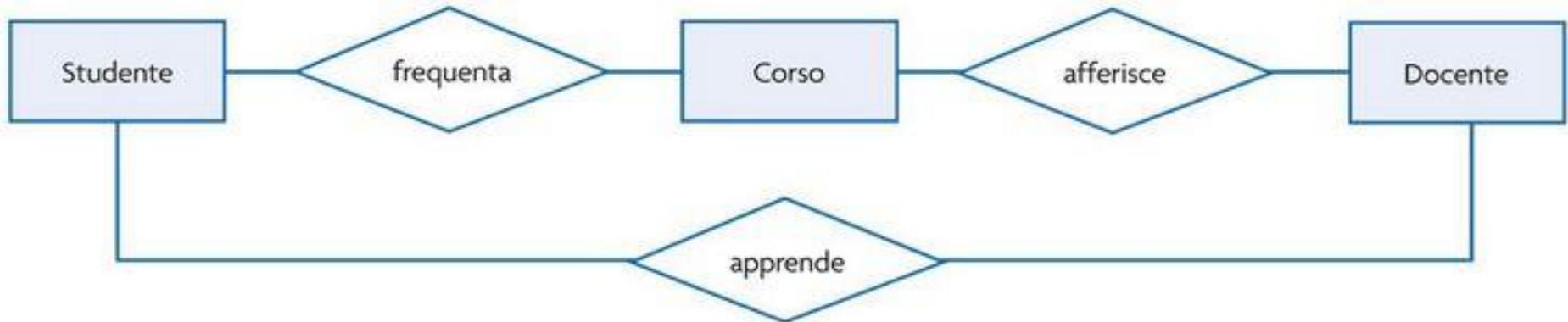


- Attributi derivabili da altre entità:

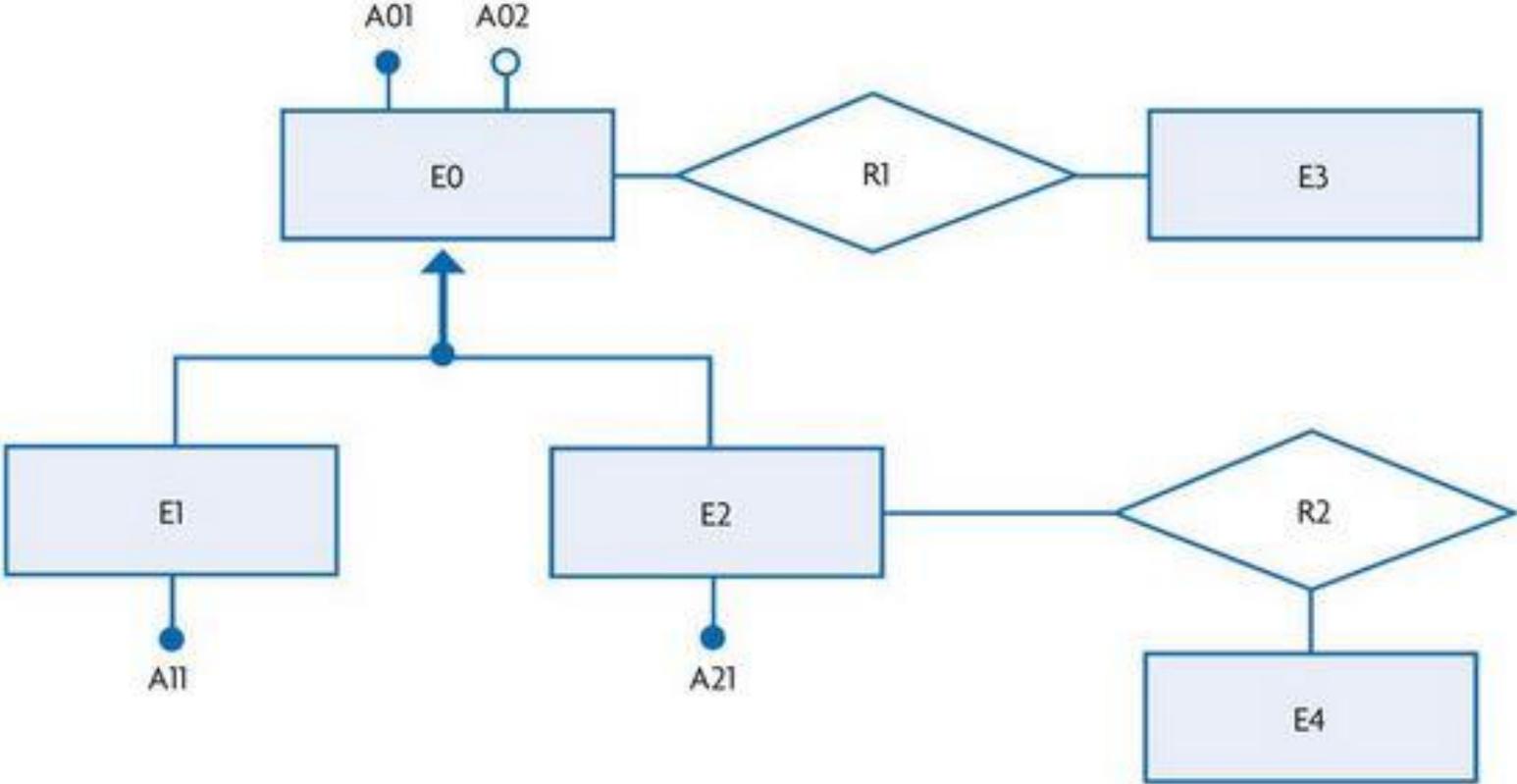


Ristrutturazione dello schema ER: *analisi delle ridondanze*

- Attributi derivabili da operazioni di conteggio di occorrenze;
- Ridondanza di associazioni in presenza di cicli:

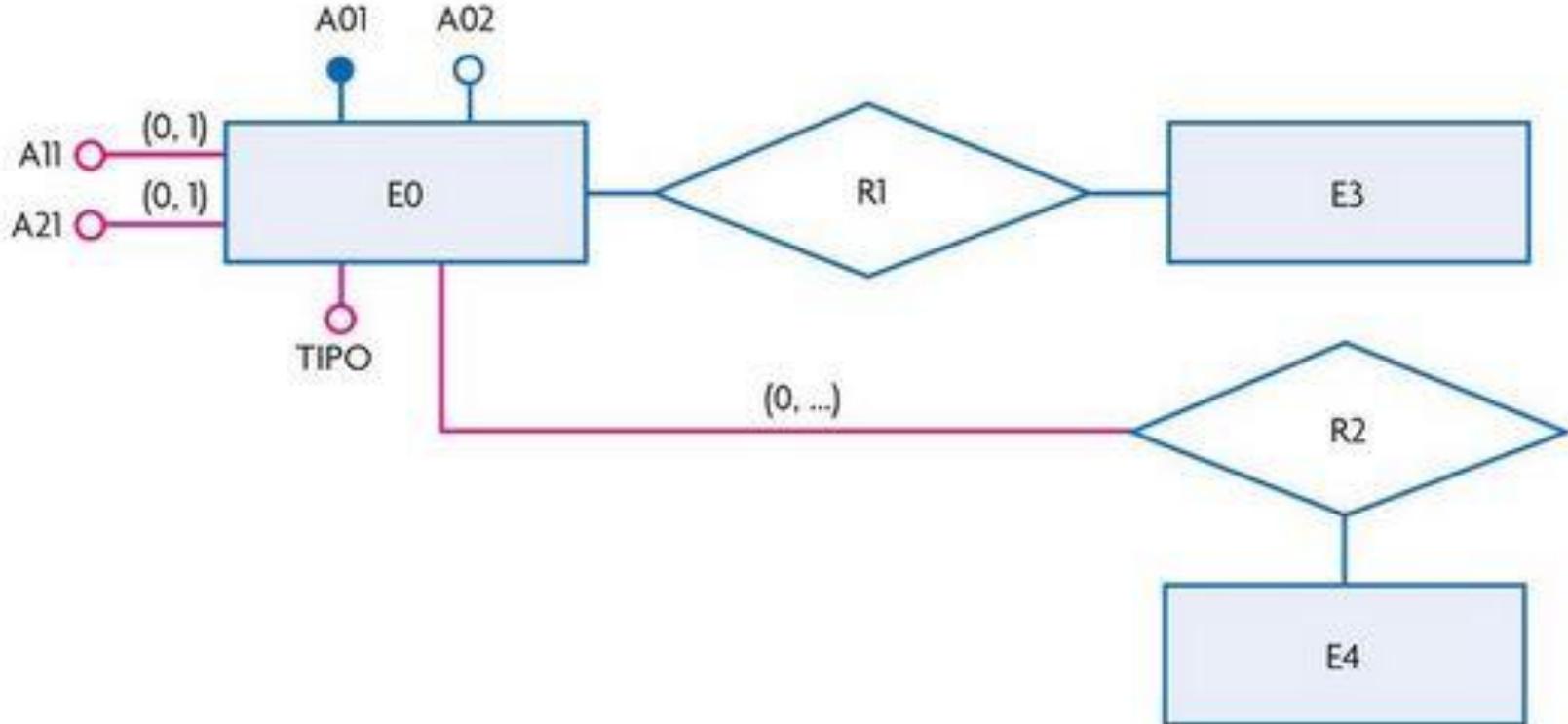


Ristrutturazione dello schema ER: *eliminazione delle generalizzazioni*



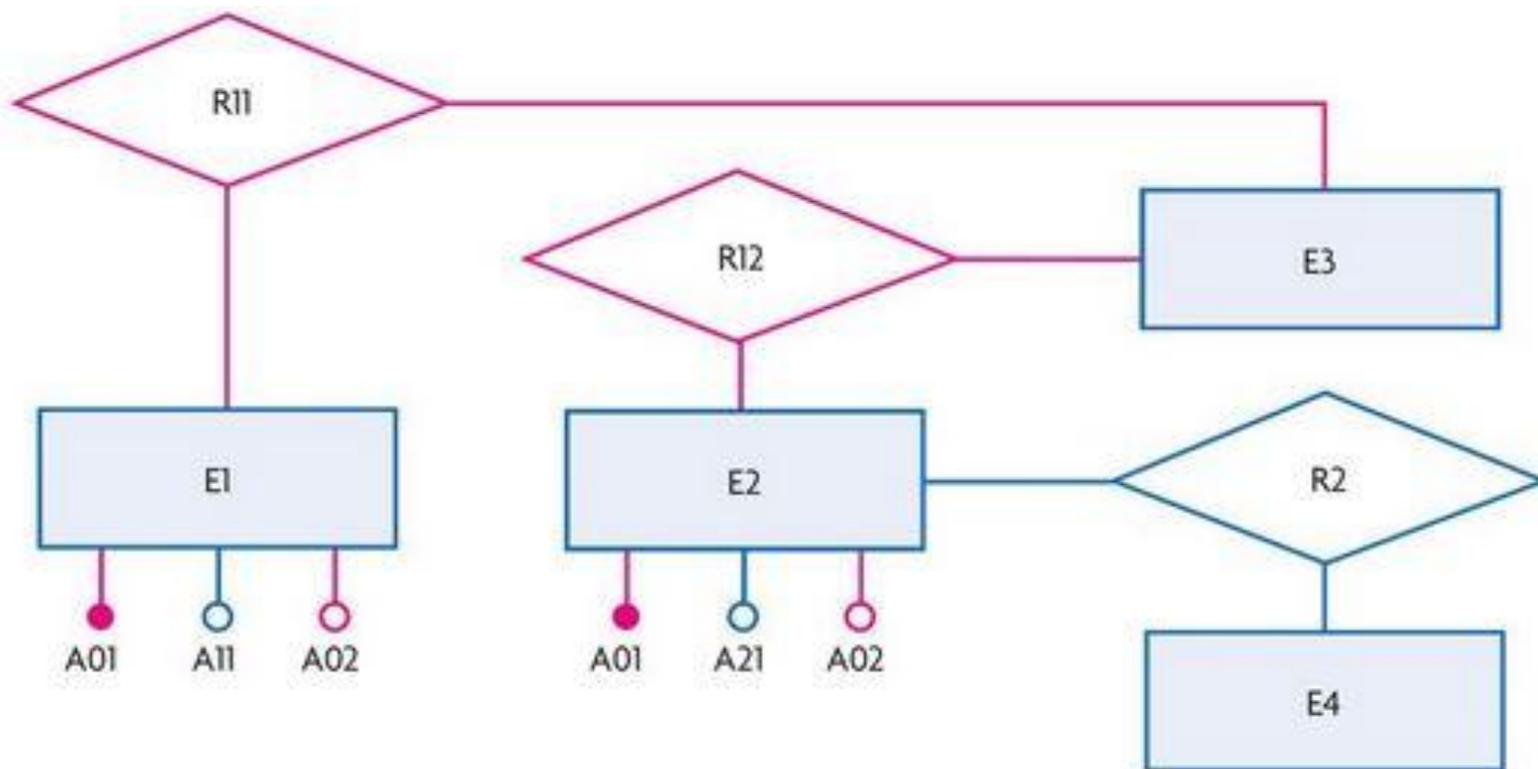
Ristrutturazione dello schema ER: *eliminazione delle generalizzazioni*

- Accorpamento delle figlie della generalizzazione nel padre:



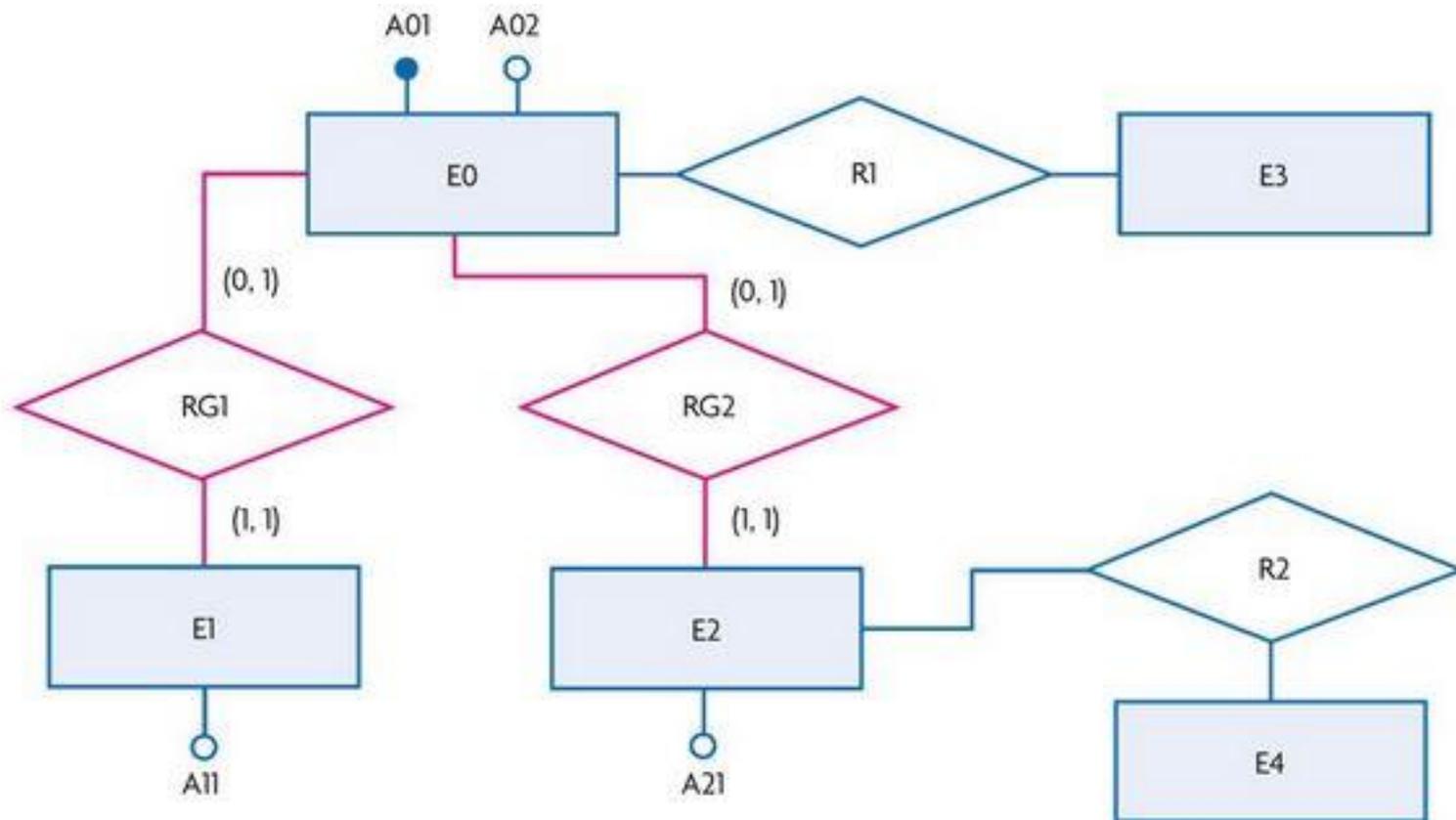
Ristrutturazione dello schema ER: *eliminazione delle generalizzazioni*

- Accorpamento del padre della generalizzazione nelle figlie:



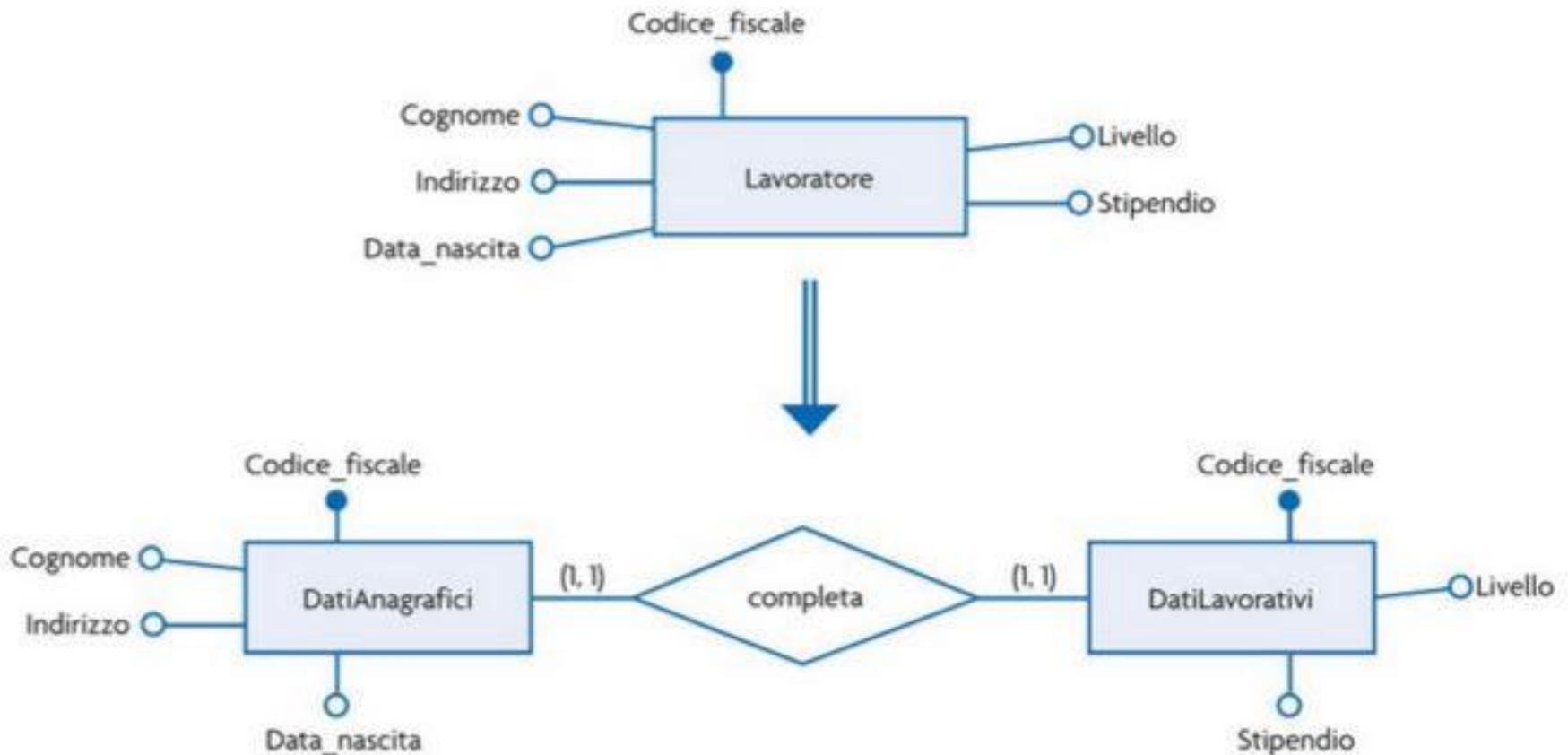
Ristrutturazione dello schema ER: *eliminazione delle generalizzazioni*

- Sostituzione della generalizzazione con associazioni:



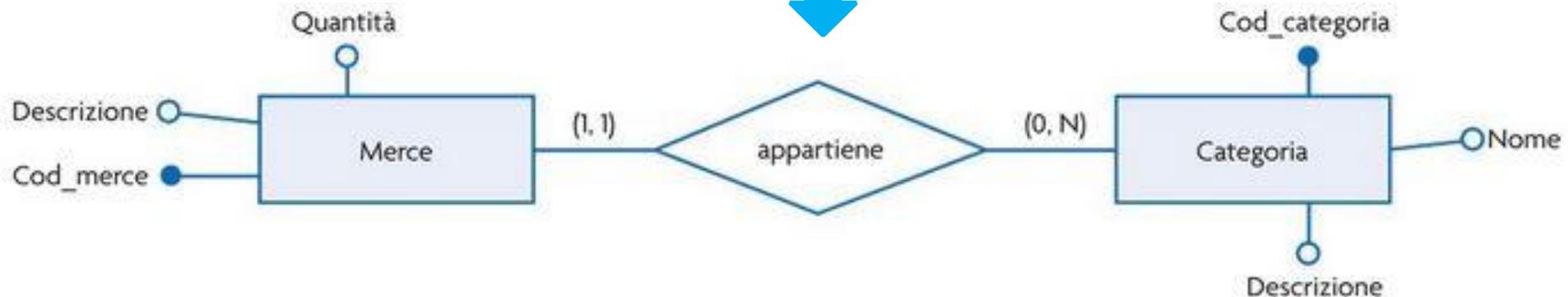
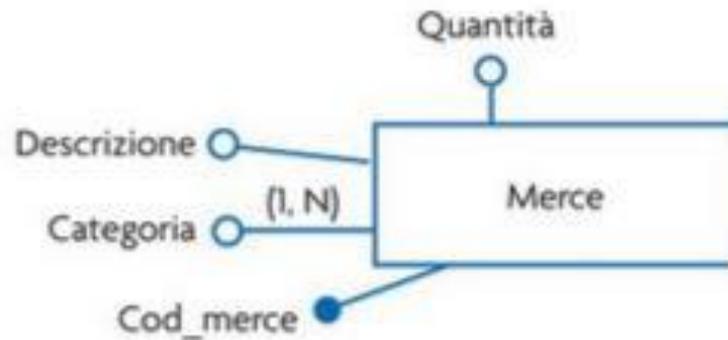
Ristrutturazione dello schema ER: *partizionamento/accorpamento di entità e associazioni*

- Partizionamento di entità:



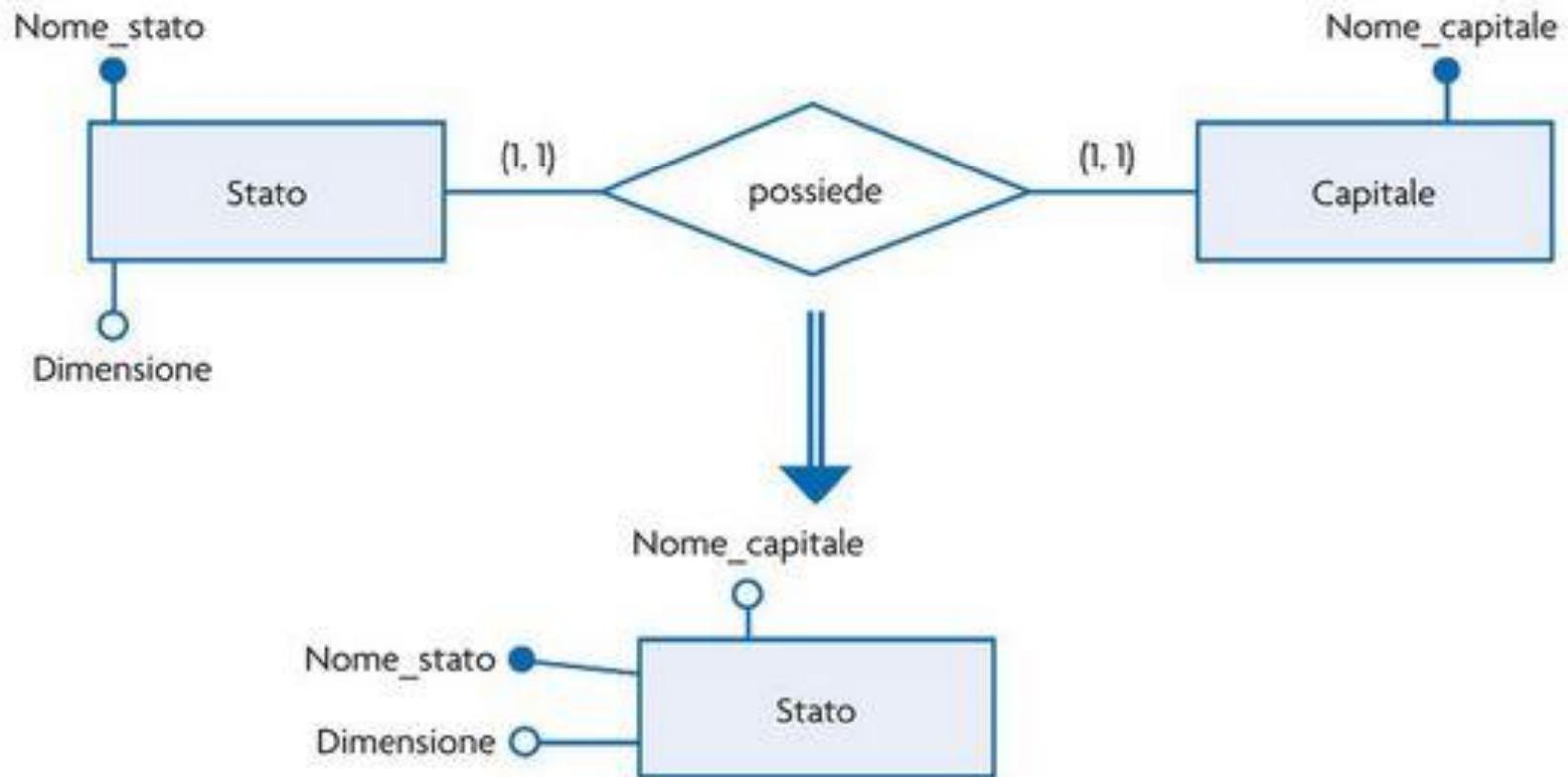
Ristrutturazione dello schema ER: *partizionamento/accorpamento di entità e associazioni*

- Eliminazione di attributi multivalore:



Ristrutturazione dello schema ER: *partizionamento/accorpamento di entità e associazioni*

- Accorpamento di entità:



Ristrutturazione dello schema ER:

scelta delle chiavi primarie

Criteri:

- Non si possono utilizzare attributi con valori NULLI;
- È preferibile usare identificatori composti da uno o pochi attributi favorendo così la realizzazione dei legami tra le varie relazioni.

OSS.

Se nessuno degli attributi soddisfa i precedenti requisiti si introduce un attributo (*chiave artificiale*) che contiene dei codici generati volutamente per identificare le occorrenze delle entità.

Progettazione logica

La *progettazione logica relazionale* consiste nel “mapping”, cioè nella conversione del diagramma ER in un insieme di tabelle, detto *schema logico relazionale*, e nella definizione delle operazioni da compiere su di esso.

Una relazione R su una sequenza di insiemi D_1, D_2, \dots, D_n (non necessariamente distinti), è un sottoinsieme finito del prodotto cartesiano $D_1 \times D_2 \times \dots \times D_n$, che possiamo esprimere con:

$$R \subseteq D_1 \times D_2 \times \dots \times D_n,$$

dove:

- Gli insiemi D sono detti *Domini* della relazione;
- n è il *grado* della relazione e si indica con **Grado(R)**.

Lo *schema* di una relazione è il suo nome e la lista dei suoi attributi, racchiusi tra parentesi tonde e separati da virgole:

NOMERELAZIONE(attributo1, ..., attributoN)

Progettazione logica

Gli elementi di una relazione sono detti *n-uple* o *tuple* e si indicano con

$$(d_1, d_2, \dots, d_n) \text{ con } d_i \in D_i$$

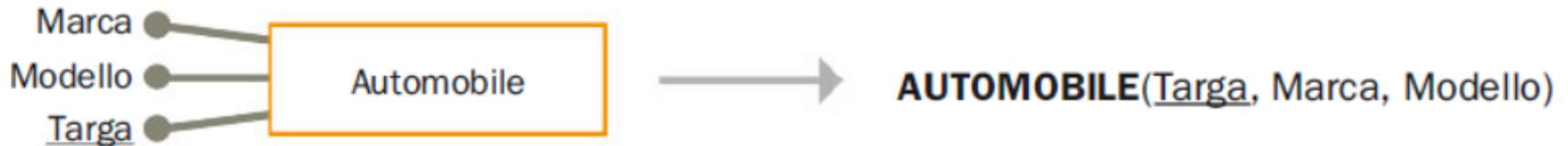
L'istanza di una relazione è l'insieme delle sue *n-uple* in un determinato istante di tempo.

Il numero *m* di *n-uple* presenti in un dato istante in una relazione viene chiamato *cardinalità* e si indica con **Card(R)**.



Mapping di entità e attributi

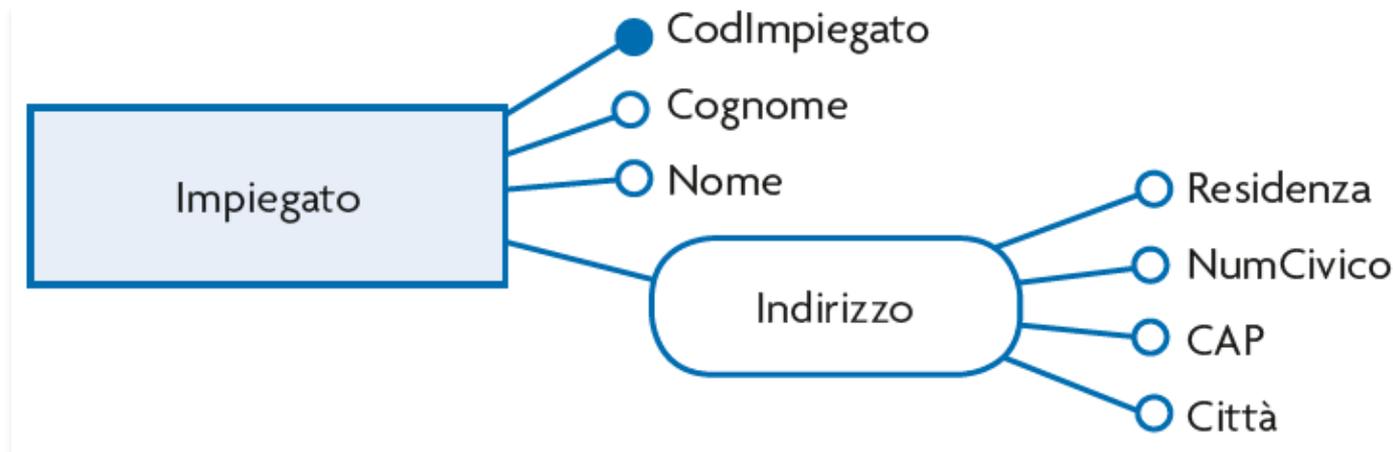
La rappresentazione di ogni entità, con i suoi attributi, di uno schema ER viene resa graficamente come segue:



- Ogni entità diventa una relazione, rappresentabile mediante una tabella;
- Ogni attributo dell'entità diventa un attributo della relazione, rappresentato con una colonna della tabella;
- L'attributo chiave dell'entità diventa attributo chiave della relazione e viene indicato sottolineandolo;
- Eventuali attributi composti devono essere sostituiti con gli attributi componenti;
- Gli attributi opzionali si indicano facendoli seguire da un asterisco.

Mapping di entità e attributi

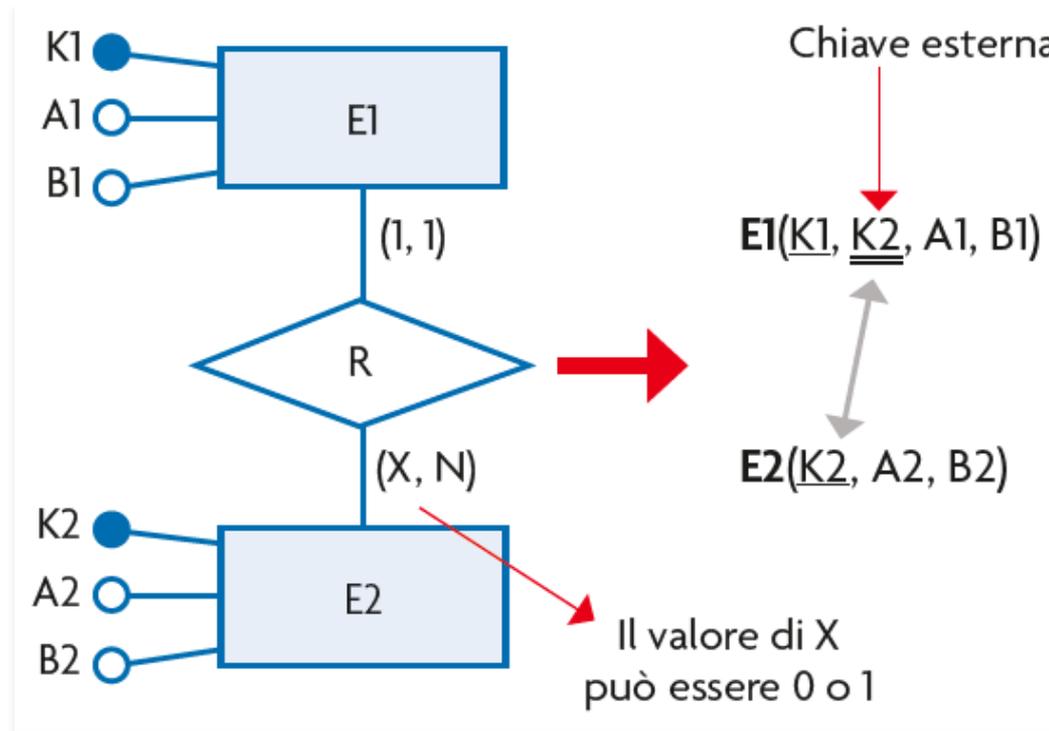
Esempio:



IMPIEGATO(CodImpiegato, Cognome, Nome, Residenza, NumCivico, CAP, Città)

Mapping delle associazioni binarie 1:N

Un'associazione R di tipo **1:N** tra due entità E_1 ed E_2 è “mappata” aggiungendo alla relazione E_1 gli attributi chiave primaria di E_2 .



Gli attributi chiave primaria di E_2 presenti in E_1 costituiscono una **chiave esterna** per la relazione E_1 , che viene rappresentata con una **doppia sottolineatura**.

Mapping delle associazioni binarie 1:N

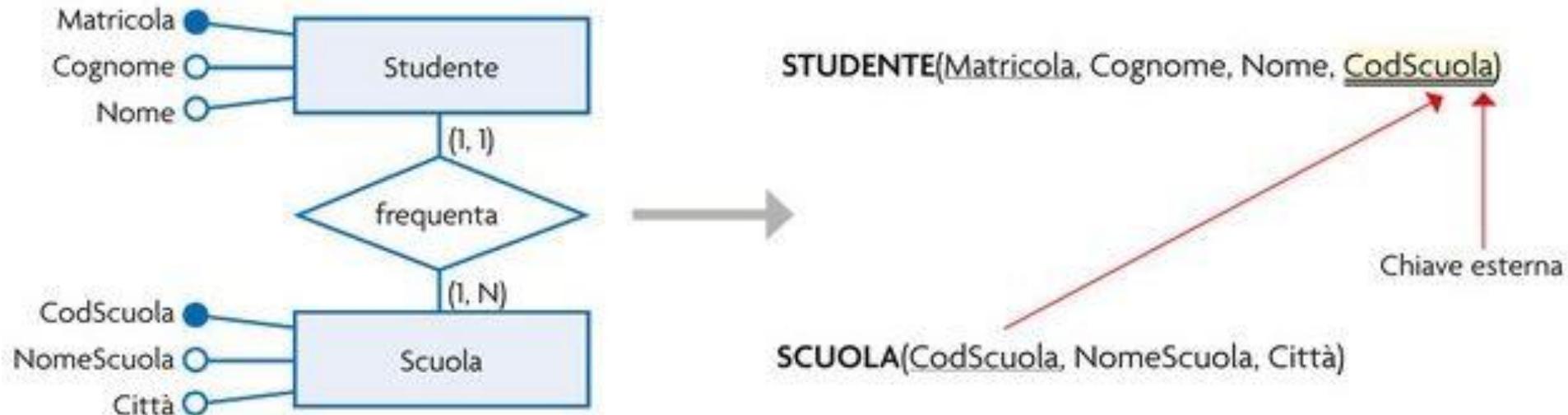
Esempio 1:



PERSONA(CodFiscale, Cognome, Nome)

AUTO(Targa, Modello, Colore, CodFiscale)

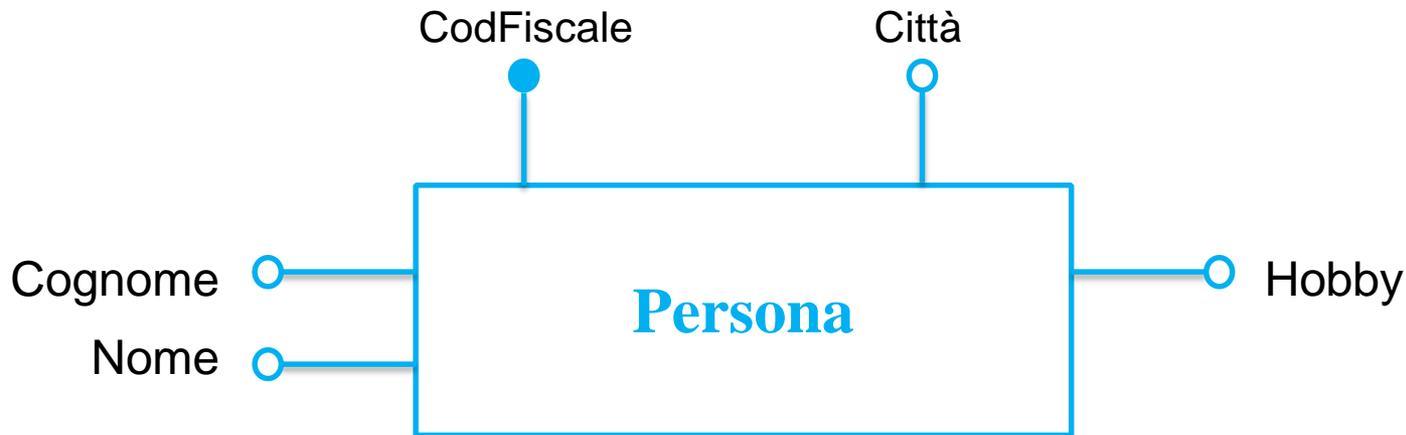
Esempio 2:



Mapping delle associazioni binarie 1:N

Esempio 3:

Le associazioni 1:N vengono utilizzate anche per mappare gli attributi multipli.



PERSONA(CodFiscale, Cognome, Nome, Città)

HOBBY(CodFiscale, NomeHobby)

Mapping delle associazioni binarie 1:1

Varie possibilità di mapping:

- Associazione diretta e inversa con partecipazione totale →
Unica relazione che possiede tutti gli attributi delle due entità; è anche consentita la mappatura 1:N;
- Associazione diretta o inversa con partecipazione facoltativa →
due relazioni distinte in cui si aggiunge la chiave esterna alla relazione rispetto a cui l'associazione è totale;
- Associazione diretta e inversa con partecipazione facoltativa →
si prevedono solo relazioni separate e mai la relazione unica.

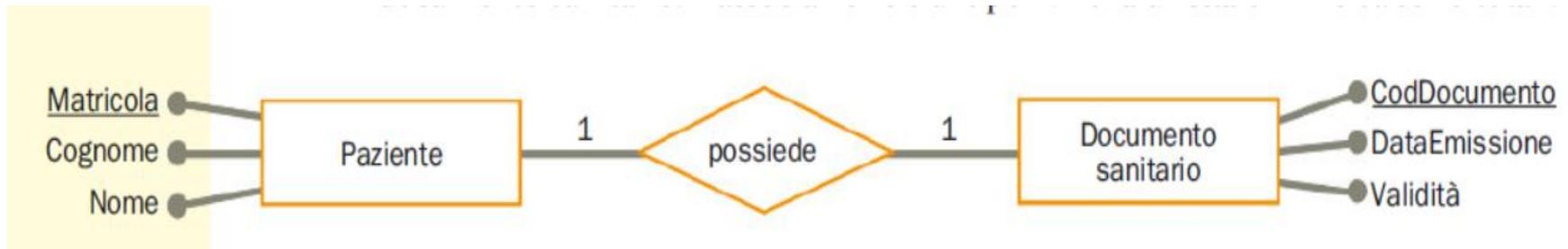
OSS.

Gli eventuali attributi dell'associazione vengono inseriti nella relazione a cui si aggiunge la chiave esterna.

Mapping delle associazioni binarie 1:1

Tipo di associazione	Schema concettuale	Schema logico
<p>Associazione uno a uno con partecipazione obbligatoria per entrambe le entità</p>		$E_1(\underline{A_{E11}}, A_{E12}, \underline{A_{E21}}, A_R)$ $E_2(\underline{A_{E21}}, A_{E22})$ <p>oppure</p> $E_1(\underline{A_{E11}}, A_{E12})$ $E_2(\underline{A_{E21}}, A_{E22}, \underline{A_{E11}}, A_R)$
<p>Associazione uno a uno con partecipazione opzionale per una entità</p>		$E_1(\underline{A_{E11}}, A_{E12}, \underline{A_{E21}}, A_R)$ $E_2(\underline{A_{E21}}, A_{E22})$
<p>Associazione uno a uno con partecipazione opzionale per entrambe le entità</p>		$E_1(\underline{A_{E11}}, A_{E12})$ $E_2(\underline{A_{E21}}, A_{E22}, \underline{A_{E11}}, A_R)$ <p>oppure</p> $E_1(\underline{A_{E11}}, A_{E12}, \underline{A_{E21}}, A_R)$ $E_2(\underline{A_{E21}}, A_{E22})$ <p>oppure</p> $E_1(\underline{A_{E11}}, A_{E12})$ $E_1(\underline{A_{E21}}, A_{E22})$ $R(\underline{A_{E11}}, A_{E21}, A_R)$ <p>All'interno della relazione R è anche possibile scegliere A_{E21} come chiave primaria piuttosto che A_{E11}.</p>

Mapping delle associazioni binarie 1:1



Relazione derivata:

PAZIENTI_ASL(Matricola, Nome, Cognome, CodDocumento,
DataEmissione, Validità)

oppure

PAZIENTI(Matricola, Nome, Cognome, CodDocumento)

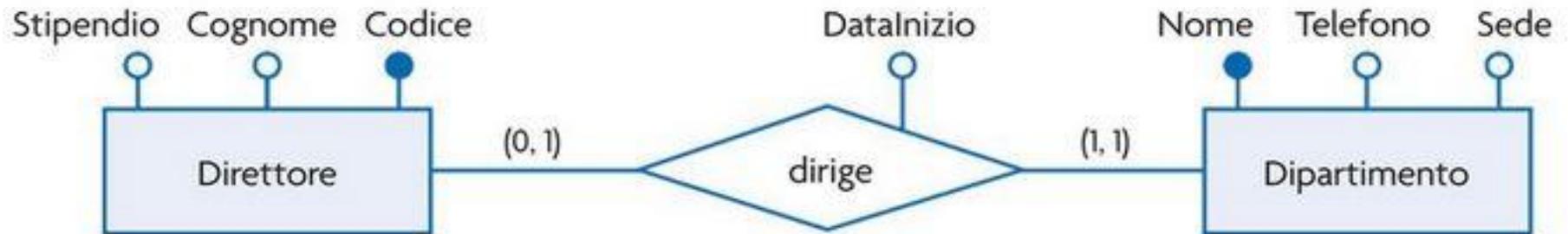
DOCUMENTO_SANITARIO(CodDocumento, DataEmissione, Validità)

oppure

PAZIENTI(Matricola, Nome, Cognome)

DOCUMENTO_SANITARIO(CodDocumento, DataEmissione, Validità,
Matricola)

Mapping delle associazioni binarie 1:1

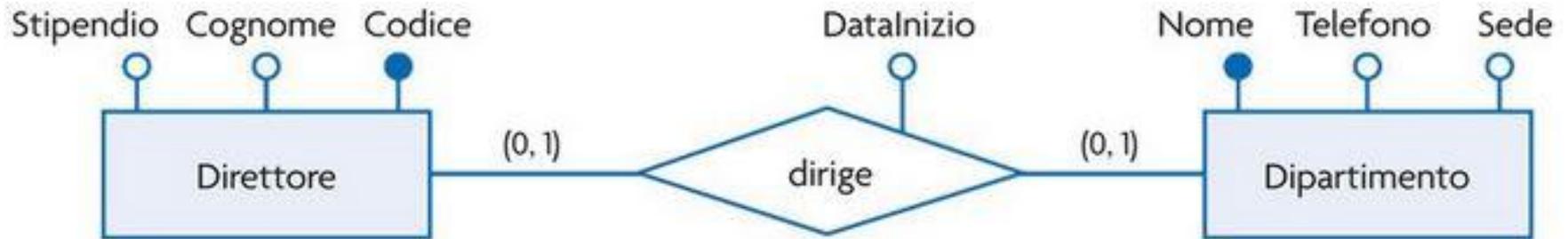


Relazione derivata:

DIRETTORE(Codice, Stipendio, Cognome)

DIPARTIMENTO(Nome, Telefono, Sede, Codice, DataInizio)

Mapping delle associazioni binarie 1:1



Relazione derivata:

DIRETTORE(Codice, Stipendio, Cognome)

DIPARTIMENTO(Nome, Telefono, Sede, Codice, DataInizio)

oppure

DIRETTORE(Codice, Stipendio, Cognome, Nome, DataInizio)

DIPARTIMENTO(Nome, Telefono, Sede)

oppure

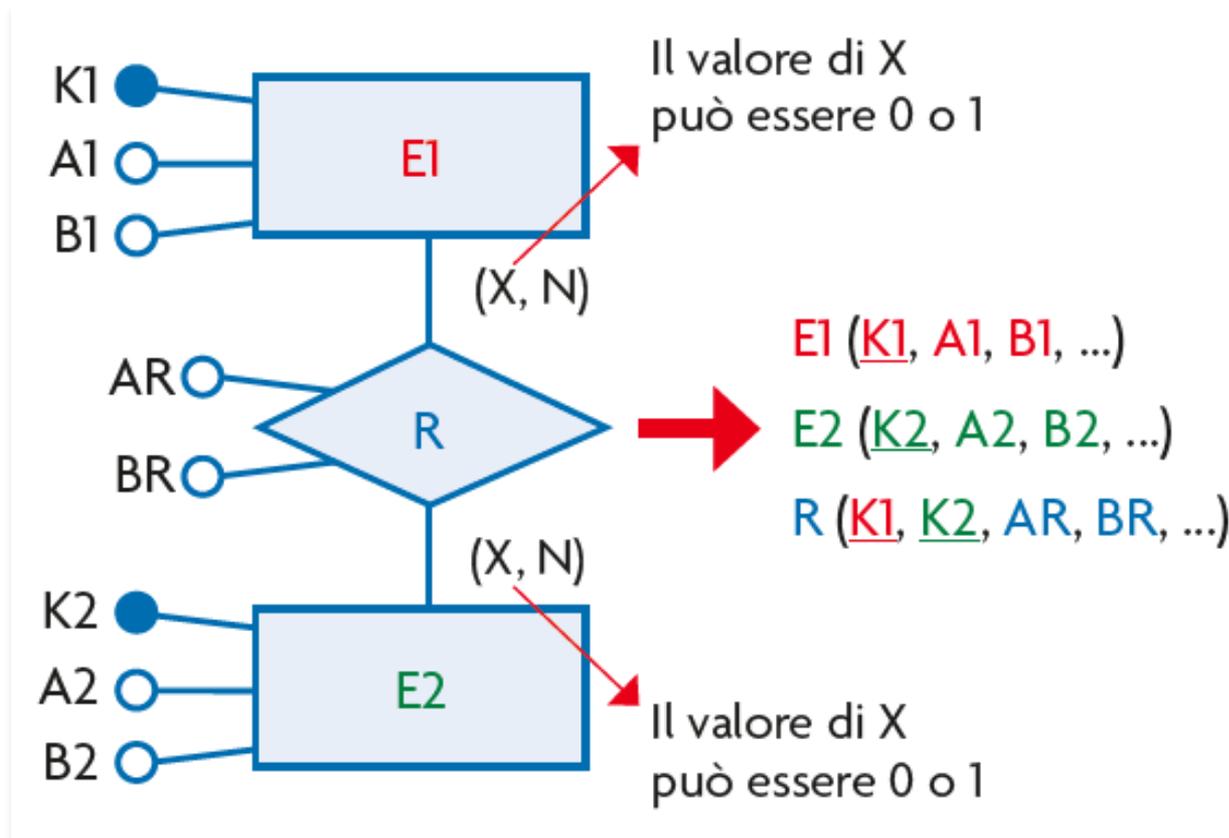
DIRETTORE(Codice, Stipendio, Cognome)

DIPARTIMENTO(Nome, Telefono, Sede)

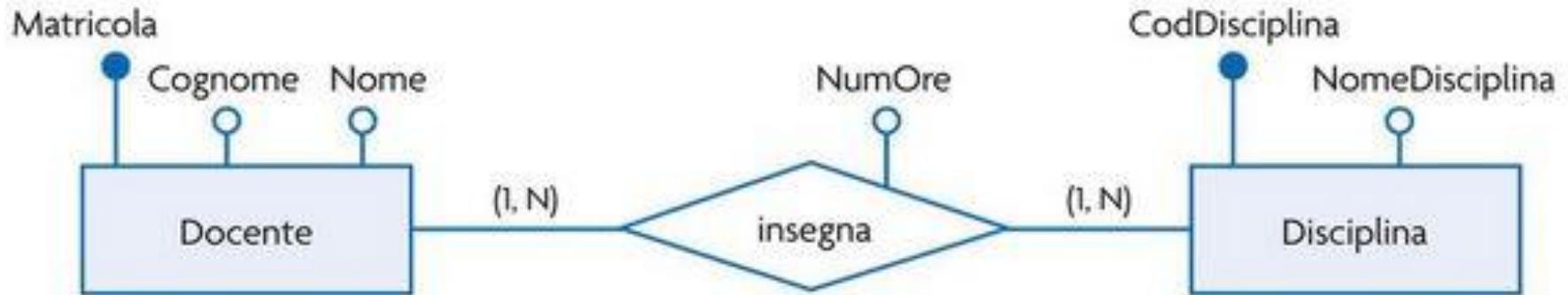
DIRIGE(Nome, Codice, DataInizio)

Mapping delle associazioni binarie N:N

Un'associazione R di tipo **N:N** tra due entità E_1 ed E_2 è mappata creando per ogni entità una relazione R avente almeno gli attributi chiave primaria di E_1 e gli attributi chiave primaria di E_2 che insieme formano la chiave primaria della relazione R.



Mapping delle associazioni binarie N:N



Relazione derivata:

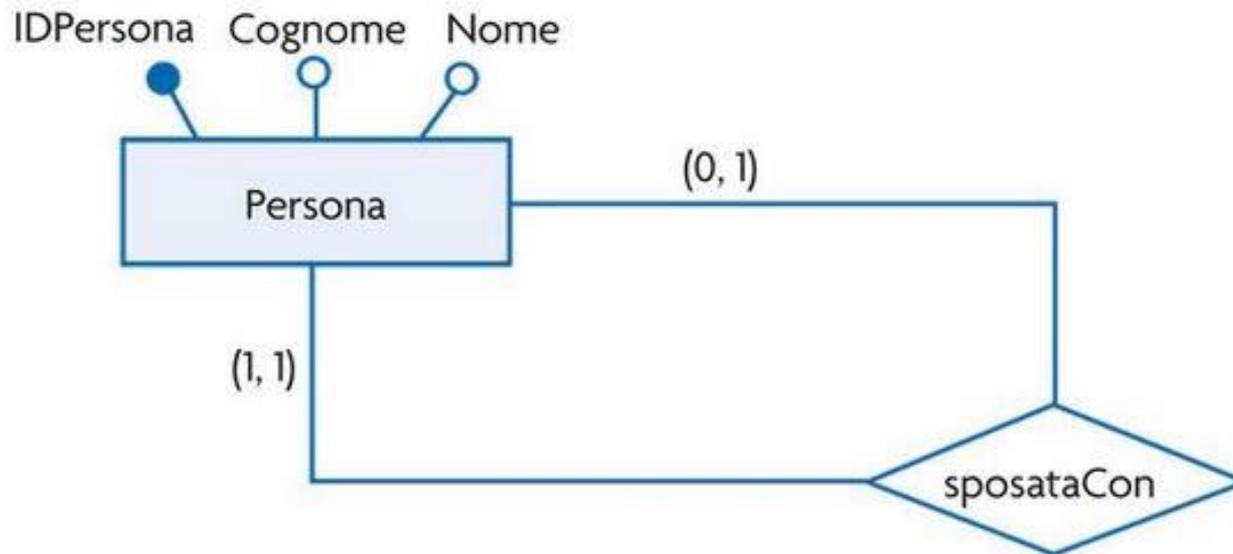
DOCENTE(Matricola, Cognome, Nome)

DISCIPLINA(CodDisciplina, NomeDisciplina)

INSEGNA(Matricola, CodDisciplina, NumOre)

Mapping delle associazioni ricorsive

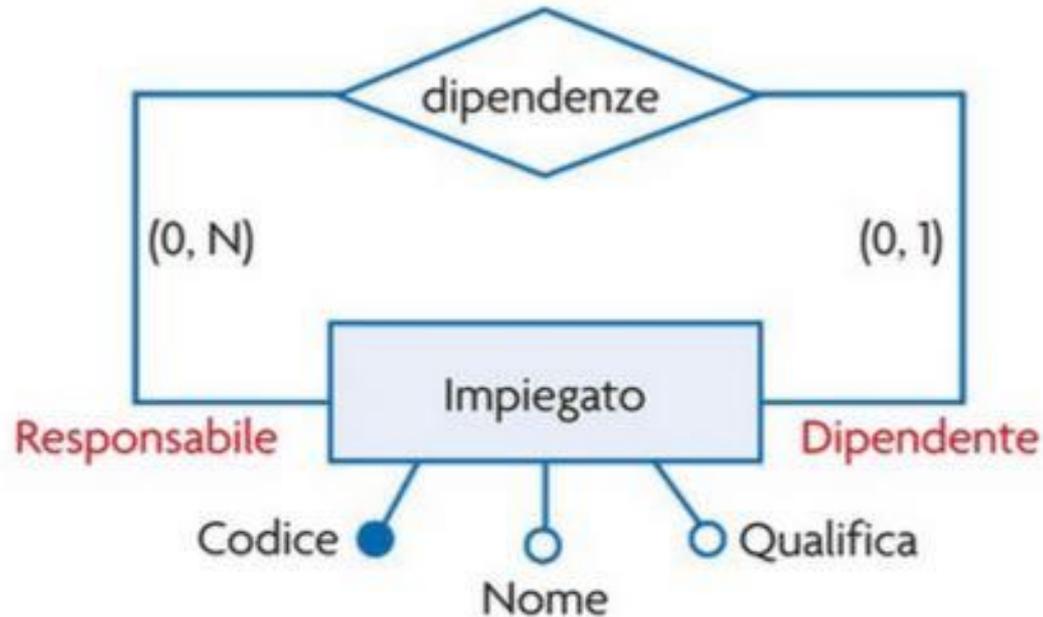
- **Mapping delle associazioni ricorsive di tipo 1:1:**



PERSONA(IDPersona, Cognome, Nome, IDPersonaSposata)

Mapping delle associazioni ricorsive

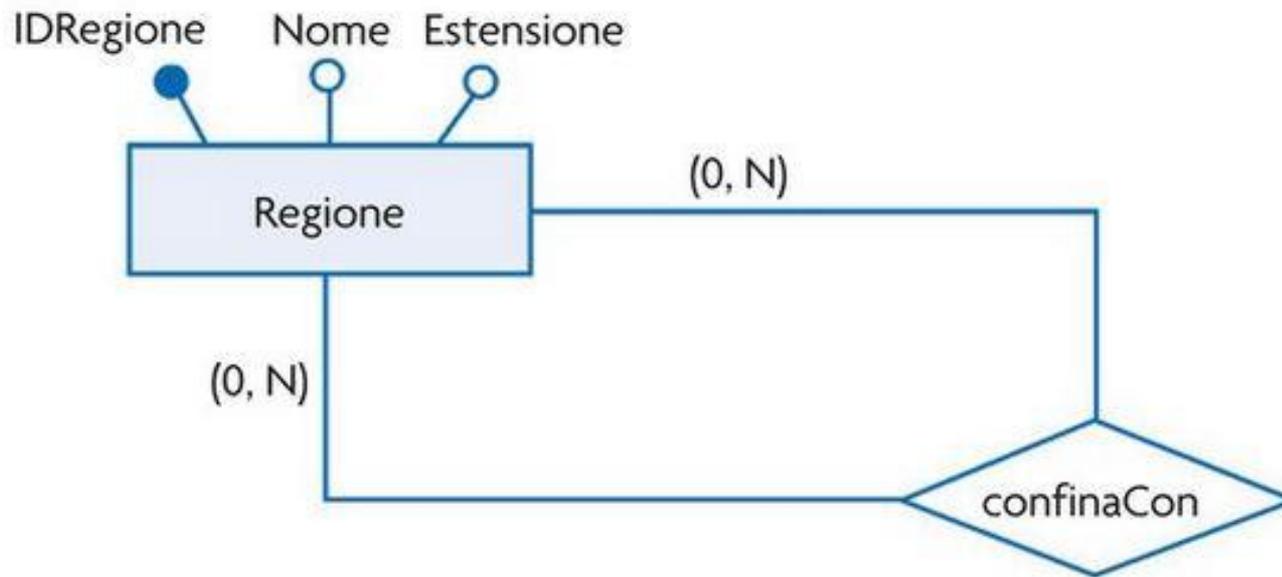
- **Mapping delle associazioni ricorsive di tipo 1:N:**



IMPIEGATO(Codice, Nome, Qualifica, CodiceResponsabile)

Mapping delle associazioni ricorsive

- **Mapping delle associazioni ricorsive di tipo N:N:**



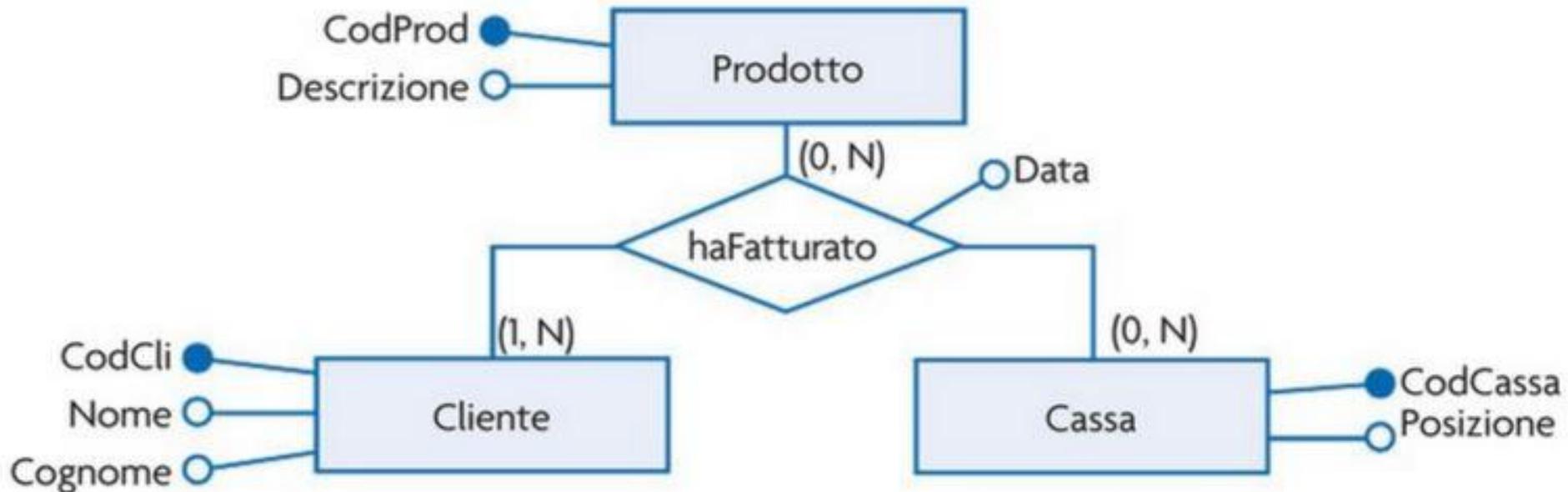
REGIONE(IDRegione, Nome, Estensione)

CONFINA CON(IDRegione1, IDRegione2)

Mapping delle associazioni n-arie

Si applicano le stesse regole viste per le associazioni binarie.

Esempio:



PRODOTTO(CodProd, Descrizione)

CLIENTE(CodCli, Nome, Cognome)

CASSA(CodCassa, Posizione)

HAFATTURATO(CodProd, CodCli, CodCassa, Data)

Vincoli d'integrità

Una relazione non deve (e non può) essere vista come un contenitore di dati arbitrari. È necessaria un'attività di analisi volta a evidenziare quali sono i vincoli che le istanze devono soddisfare affinché possano essere considerate valide.

Classificazione vincoli d'integrità:

- 1) Vincoli intrarelazionali o interni**, definiti all'interno di una singola relazione:
 - a) **vincoli su singola ennupla**, che esprimono una condizione:
 - sul dominio degli attributi;
 - su più attributi;
 - b) **vincoli su più ennuple** (in questa categoria i *vincoli di chiave primaria*);
- 2) Vincoli interrelazionali o esterni**, definiti tra più relazioni (rientrano in questa categoria i *vincoli referenziali*).

Vincoli d'integrità

Esempio di violazione di vincoli:

Matricola	Cognome	Nome	DataNascita	Reddito	Email
	Verdi		12/05/1980	(Gennaio, 1500) (Febbraio, 2000) (Marzo, 1800) (Aprile, 2500)	<u>vmar@lib.it</u>
8856	Gialli	Andrea	20/01/1970	1200	<u>gandrea@yun.com</u>
1256	Grassini	Francesco	12/15/1975	Alto	<u>pippo@posta.com</u>
1256	12Giy	Gianf55555	38/10/1988	5000	<u>Grassini.lib!%.it</u>

Violazione del **vincolo di obbligatorietà**: l'attributo *Nome* è obbligatorio (altrimenti avremmo aggiunto un asterisco alla fine)

Violazione del **vincolo di atomicità**: l'attributo *Reddito* deve contenere un dato atomico e non composto

Violazione del **vincolo di chiave**: due istanze non possono avere chiave uguale. Inoltre, il campo chiave non può avere valori nulli

Violazione del **vincolo di dominio**: i dati presenti "non hanno senso" e/o non rispettano le regole implicite del singolo tipo di dato

Esempio di vincoli intrarelazionali:

DIPENDENTE(Matricola, StipendioLordo, Trattenute, DataAssunzione, DataNascita)

1. V1(Dipendente): StipendioLordo > 0
2. V2(Dipendente): DataAssunzione > DataNascita
3. V3(Dipendente): Trattenute > 0

L'integrità referenziale

I **vincoli di integrità referenziale** riguardano i valori assunti dalle chiavi esterne nelle relazioni.

Poiché una chiave esterna è utilizzata per stabilire un legame tra relazioni, il suo valore deve essere tenuto in stretto controllo per le operazioni di inserimento, modifica e cancellazione.

ARTICOLO(CodArt, Descrizione, Prezzo)

ARTICOLO	<u>CodArt</u>	Descrizione	Prezzo
	A01	Batteria	100,00
	A04	Antenna	25,00
	A12	Radiatore	1200,00

Chiave primaria

FORNITORE(CodForn, Indirizzo, Città)

FORNITORE	<u>CodForn</u>	Indirizzo	Città
	F03	Via Po, 3	Roma
	F07	Via Tevere, 6	Torino
	F16	Via Bari, 5	Milano

Chiave primaria

FORNISCE(CodForn, CodArt)

FORNISCE	<u>CodForn</u>	<u>CodArt</u>
	F03	A01
	F03	A04
	F16	A04
	F07	A12

Chiavi esterne

L'integrità referenziale

OSS.

Mantenere l'integrità referenziale significa impedire agli utenti del database di interrompere accidentalmente le associazioni tra le tabelle correlate.

Regole pratiche per l'integrità referenziale:

- Non è possibile immettere un valore nella chiave esterna della tabella associata se tale valore non esiste tra le chiavi della tabella primaria;
- Non è possibile eliminare una n-upla dalla tabella primaria se esistono righe a essa legate attraverso la chiave esterna nella tabella primaria;
- Non si può modificare il valore della chiave nella tabella primaria se a essa corrispondono righe nella tabella correlata.

Gli operatori relazionali

I linguaggi di programmazione utilizzati per l'interrogazione sono di tipo **non procedurale** e si basano sull'algebra relazionale.

Secondo l'approccio basato sull'**algebra relazionale**, il risultato di un'interrogazione (**query**) è una relazione che si ottiene formulando un'interrogazione con l'uso di alcuni operatori dell'algebra relazionale.

Due relazioni R e S si dicono **compatibili** se:

- hanno lo stesso numero di attributi;
- ogni attributo nella stessa posizione all'interno delle due relazioni è dello stesso tipo.

Esempio di relazioni compatibili:

MANAGER(Nome: STRINGA, Stipendio: INTERO, DataNascita: DATA)

DIPENDENTE(Nominativo: STRINGA, RetribuzioneNetta: INTERO, DataAssunzione: DATA)

Gli operatori relazionali: primitivi e derivati

Gli **operatori primitivi** sono:

1. Ridenominazione;
2. Unione;
3. Differenza;
4. Proiezione;
5. Restrizione (selezione);
6. Prodotto cartesiano.

Gli **operatori derivati** sono:

1. Intersezione;
2. Giunzione (Join).

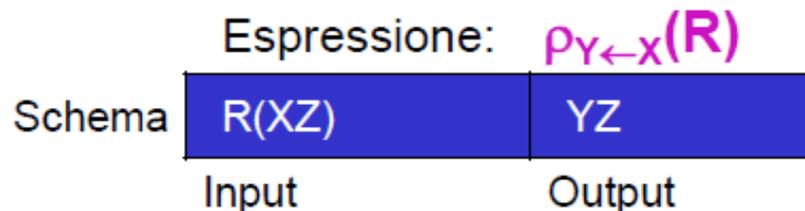
Gli operatori primitivi: la ridenominazione

L'operazione di **ridenominazione** ρ modifica lo schema di una relazione, cambiando il nome di uno o più attributi.

In simboli:

$$\rho_{Y \leftarrow X}(r)$$

con r su $R(XZ)$, cambia lo schema in YZ , lasciando invariati i valori delle n -uple. Nel caso in cui si cambi più di un attributo, l'ordine in cui si elencano gli attributi è significativo.



Ridenominazione: esempi

Redditi

CF	Imponibile
BNCGRG78F21A	10000

$\rho_{\text{CodiceFiscale} \leftarrow \text{CF}}(\text{Redditi})$

CodiceFiscale	Imponibile
BNCGRG78F21A	10000

VoliNoSmoking

Numero	Giorno
SC278	28/07/2001
SC315	30/07/2001

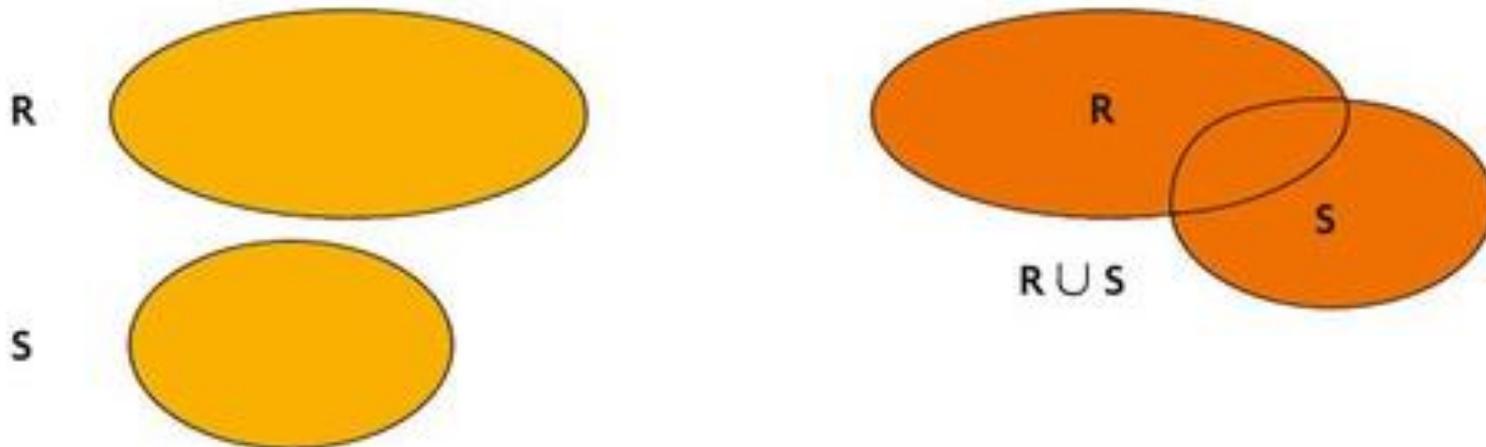
$\rho_{\text{Codice, Data} \leftarrow \text{Numero, Giorno}}(\text{VoliNoSmoking})$

Codice	Data
SC278	28/07/2001
SC315	30/07/2001

Gli operatori primitivi: l'unione

Date due relazioni compatibili R e S, l'**unione** di R con S è la relazione ottenuta dall'unione insiemistica delle due relazioni:

$$R \cup S = \{t \mid t \in R \text{ OR } t \in S\}$$



Gli operatori primitivi: l'unione

R = Clienti1Semestre

R	<u>Cognome</u>			
	Rossi			
	Bianchi			
	Verdi			

S = Clienti2Semestre

S	<u>Cognome</u>			
	Gialli			
	Bianchi			
	Neri			

$R \cup S = \text{Clienti} = \text{Clienti1Semestre} \cup \text{Clienti2Semestre}$

$R \cup S$	<u>Cognome</u>			
	Rossi			
	Bianchi			
	Neri			
	Verdi			
	Gialli			

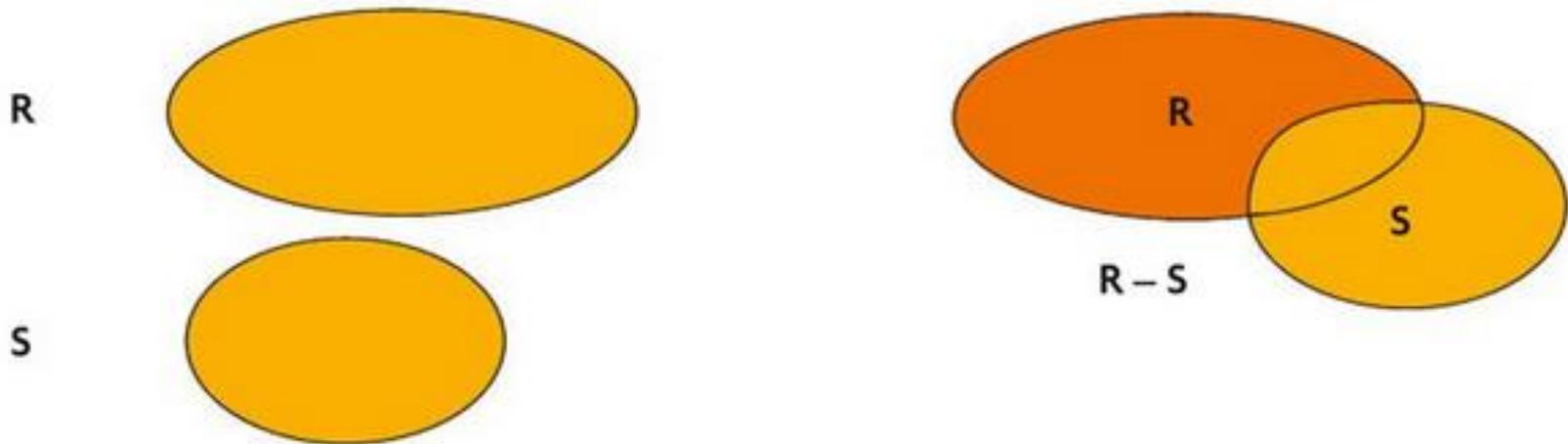
$\text{Grado}(R \cup S) = \text{Grado}(R) = \text{Grado}(S)$

$\text{Card}(R \cup S) = \text{Card}(R) + \text{Card}(S) - \text{numero n-uple ripetute}$

Gli operatori primitivi: la differenza

Date due relazioni compatibili R e S, la **differenza** di R con S è la relazione data dalla differenza insiemistica delle due relazioni:

$$R - S = \{ t \mid t \in R \text{ AND } t \notin S \}$$



Gli operatori primitivi: la differenza

R = Clienti

R	<u>Cognome</u>			
	Rossi			
	Bianchi			
	Neri			

S = Clienti09

S	<u>Cognome</u>			
	Gialli			
	Bianchi			
	Neri			

R - S = Clienti - Clienti09

R - S	<u>Cognome</u>			
	Rossi			

$\text{Grado}(R - S) = \text{Grado}(R) = \text{Grado}(S)$

$\text{Card}(R - S) = \text{Card}(R) - \text{numero n-uple presenti anche in } S$

Unione e differenza: esempi

VoliCharter

Codice	Data
XY123	21/07/2001
SC278	28/07/2001
XX338	18/08/2001

VoliNoSmoking

Codice	Data
SC278	28/07/2001
SC315	30/07/2001

VoliCharter \cup VoliNoSmoking

Codice	Data
XY123	21/07/2001
SC278	28/07/2001
XX338	18/08/2001
SC315	30/07/2001

VoliCharter - VoliNoSmoking

Codice	Data
XY123	21/07/2001
XX338	18/08/2001

VoliNoSmoking - VoliCharter

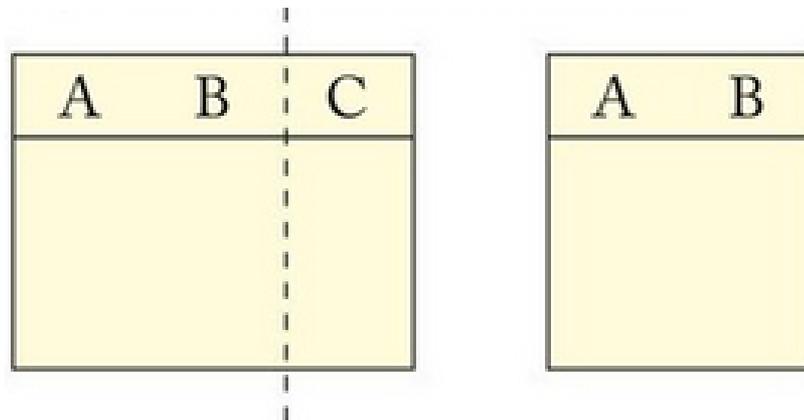
Codice	Data
SC315	30/07/2001

Gli operatori primitivi: la proiezione

Data una relazione R e un sottoinsieme $A = \{A_1, A_2, \dots, A_k\}$ dei suoi attributi, si definisce **proiezione** di R su A , la relazione di grado K che si ottiene considerando solo le colonne di R relative agli attributi contenuti in A , ed eliminando le eventuali n -uple duplicate:

$$\pi_{A_1, A_2, \dots, A_k}(R) = \{ t[A_1, A_2, \dots, A_k] \mid t \in R \}$$

L'effetto di una proiezione è di selezionare un certo numero di colonne dalla tabella della relazione.



Gli operatori primitivi: la proiezione

R = Clienti

R	<u>CodCli</u>	Cognome	Nome	Indirizzo	Citta
	C001	Bianchi	Andrea	Via Po, 23	Torino
	C002	Neri	Paolo	Via Roma, 12	Milano
	C003	Verdi	Gianfranco	Via Europa, 150	Torino

S = $\pi_{\text{Cognome, Nome}}(R)$

S	Cognome	≤Nome
	Bianchi	Andrea
	Neri	Paolo
	Verdi	Gianfranco

$\text{Grado}(S) \leq \text{Grado}(R)$

$\text{Card}(S) \leq \text{Card}(R)$

Proiezione: esempi

Corsi	CodCorso	Titolo	Docente	Anno
	483	Analisi	Biondi	1
	729	Analisi	Neri	1
	913	Sistemi Informativi	Castani	2

$\pi_{\text{CodCorso, Docente}}(\text{Corsi})$

CodCorso	Docente
483	Biondi
729	Neri
913	Castani

$\pi_{\text{CodCorso, Anno}}(\text{Corsi})$

CodCorso	Anno
483	1
729	1
913	2

Proiezione: esempi

Corsi

CodCorso	Titolo	Docente	Anno
483	Analisi	Biondi	1
729	Analisi	Neri	1
913	Sistemi Informativi	Castani	2

$\pi_{\text{Titolo}}(\text{Corsi})$

Titolo
Analisi
Sistemi Informativi

$\pi_{\text{Docente}}(\text{Corsi})$

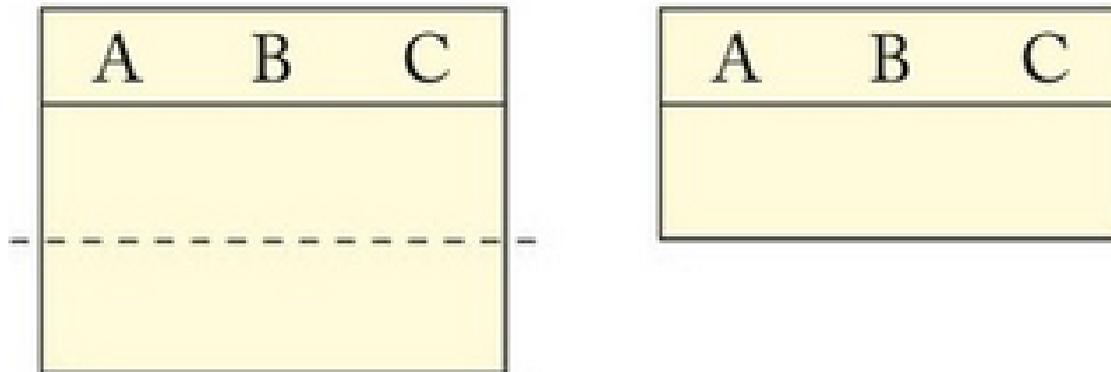
Docente
Biondi
Neri
Castani

Gli operatori primitivi: la restrizione

Data una relazione R e un predicato P (semplice o composto) sui suoi attributi, la **restrizione** (**selezione**) di R a P è la relazione costituita dalle n-uple di R che soddisfano P:

$$\sigma_P(R) = \{ t \mid t \in R \text{ AND } P(t) = \text{VERO} \}$$

L'effetto di una restrizione è di selezionare un certo numero di righe dalla tabella della relazione.



Gli operatori primitivi: la restrizione

R = Clienti

R	<u>CodCli</u>	Cognome	Nome	Indirizzo	Citta
	C001	Bianchi	Andrea	Via Po, 23	Torino
	C002	Neri	Paolo	Via Roma, 12	Milano
	C003	Verdi	Gianfranco	Via Europa, 150	Torino

↓

S = $\sigma_{Citta="Torino"}(R)$

S	<u>CodCli</u>	Cognome	Nome	Indirizzo	Citta
	C001	Bianchi	Andrea	Via Po, 23	Torino
	C003	Verdi	Gianfranco	Via Europa, 150	Torino

$\text{Grado}(S) = \text{Grado}(R)$

$\text{Card}(S) \leq \text{Card}(R)$

Restrizione: esempi

Esami

Matricola	CodCorso	Voto	Lode
29323	483	28	NO
39654	729	30	Sì
29323	913	26	NO
35467	913	30	NO
31283	729	30	NO

$\sigma_{(\text{Voto} = 30) \text{ AND } (\text{Lode} = \text{NO})}(\text{Esami})$

Matricola	CodCorso	Voto	Lode
35467	913	30	NO
31283	729	30	NO

$\sigma_{(\text{CodCorso} = 729) \text{ OR } (\text{Voto} = 30)}(\text{Esami})$

Matricola	CodCorso	Voto	Lode
39654	729	30	Sì
35467	913	30	NO
31283	729	30	NO

Restrizione: esempi

Partite	Giornata	Casa	Ospite	GolCasa	GolOspite
	4	Venezia	Bologna	0	1
	5	Brescia	Atalanta	3	3
	5	Inter	Bologna	1	0
	5	Lazio	Parma	0	0

$\sigma_{(\text{Giornata} = 5) \text{ AND } (\text{GolCasa} = \text{GolOspite})}(\text{Partite})$

Giornata	Casa	Ospite	GolCasa	GolOspite
5	Brescia	Atalanta	3	3
5	Lazio	Parma	0	0

$\sigma_{(\text{Ospite} = \text{Bologna}) \text{ AND } (\text{GolCasa} < \text{GolOspite})}(\text{Partite})$

Giornata	Casa	Ospite	GolCasa	GolOspite
4	Venezia	Bologna	0	1

Proiezione e restrizione: esempio

Consideriamo le seguenti relazioni:

STUDENTE(Matricola, Cognome, Nome, CodScuola)

SCUOLA(CodScuola, NomeScuola, Città)

Per conoscere quali studenti frequentano la scuola "ITIS Fermi", che ha CodScuola=S001, scriveremo:

$$\pi_{\text{Cognome, Nome}}(\sigma_{\text{CodScuola} = \text{"S001"}}(\text{Studente}))$$

Si ha un'interrogazione composta da due sottointerrogazioni.

Proiezione e restrizione: esempio

<u>Matricola</u>	Cognome	Nome	CodScuola
M001	Rossi	Paolo	S001
M002	Bianchi	Aldo	S001
M003	Verdi	Ada	S002
M004	Neri	Maria	S002



<u>Matricola</u>	Cognome	Nome	CodScuola
M001	Rossi	Paolo	S001
M002	Bianchi	Aldo	S001

$T = \sigma_{\text{CodScuola} = \text{"S001"}}(\text{Studente})$

Proiezione e restrizione: esempio

<u>Matricola</u>	Cognome	Nome	CodScuola
M001	Rossi	Paolo	S001
M002	Bianchi	Aldo	S001



Cognome	Nome
Rossi	Paolo
Bianchi	Aldo

$\pi_{\text{Cognome, Nome}}(T)$

Gli operatori primitivi: il prodotto cartesiano

Il prodotto cartesiano tra due insiemi A e B si definisce come l'insieme di tutte le possibili coppie che hanno come primo elemento un elemento di A e come secondo elemento un elemento di B.

$$A \times B = \{ (a,b) \mid a \in A, b \in B \}$$

Date due relazioni R e S, il **prodotto cartesiano** di R e S è l'insieme di tutte le possibili n-uple ottenute concatenando ogni n-upla di R con ogni n-upla di S. La chiave primaria del prodotto cartesiano è data dall'unione delle chiavi primarie di R e S.

Se $\text{Grado}(R) = g_1$, $\text{Grado}(S) = g_2$ e $\text{Card}(R) = c_1$, $\text{Card}(S) = c_2$, si ha

$$\text{Grado}(R \times S) = g_1 + g_2$$

$$\text{Card}(R \times S) = c_1 \times c_2$$

Prodotto cartesiano: esempio

R = Aluni

R	<u>Matricola</u>	Nominativo	Data di nascita
	12346	Bianchi Stefania	6/4/1988
	12347	De Pascalis Alberto	12/9/1988
	12348	Manca Roberta	10/5/1988

S = Testi

S	<u>CodTesto</u>	Titolo	Materia
	T1	L'italiano oggi	Italiano
	T2	Conoscere la matematica	Matematica
	T3	Informatica e Azienda	Informatica

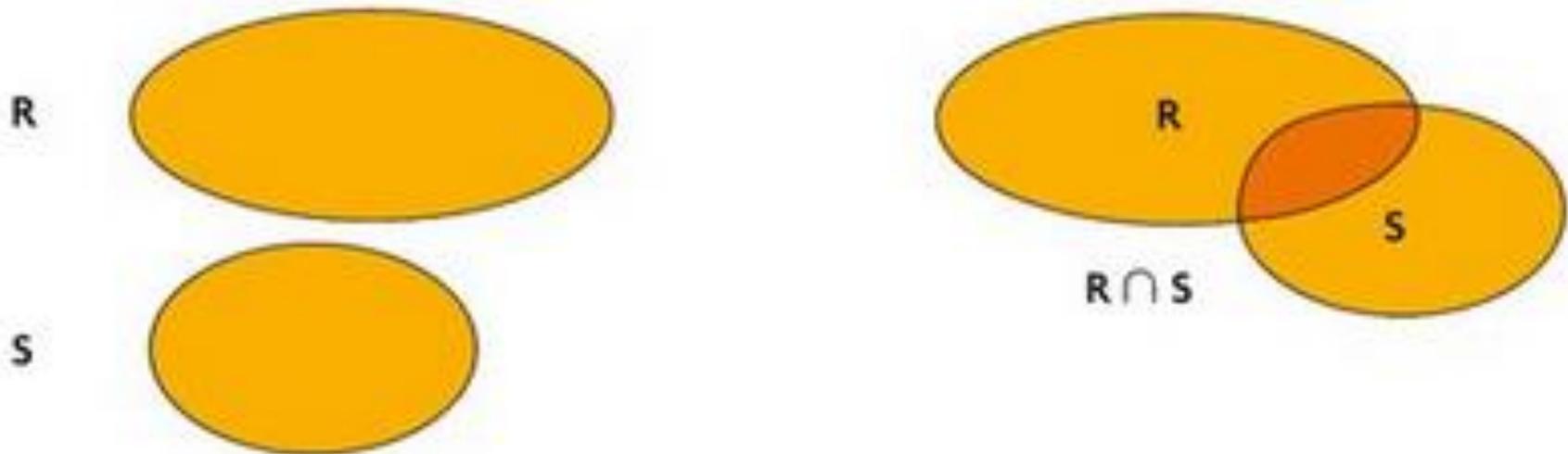
R x S = Aluni x Testi

R x S	<u>Matricola</u>	Nominativo	Data di nascita	<u>CodTesto</u>	Titolo	Materia
	12346	Bianchi Stefania	6/4/1988	T1	L'italiano oggi	Italiano
	12346	Bianchi Stefania	6/4/1988	T2	Conoscere la matematica	Matematica
	12346	Bianchi Stefania	6/4/1988	T3	Informatica e Azienda	Informatica
	12347	De Pascalis Alberto	12/9/1988	T1	L'italiano oggi	Italiano
	12347	De Pascalis Alberto	12/9/1988	T2	Conoscere la matematica	Matematica
	12347	De Pascalis Alberto	12/9/1988	T3	Informatica e Azienda	Informatica
	12348	Manca Roberta	10/5/1988	T1	L'italiano oggi	Italiano
	12348	Manca Roberta	10/5/1988	T2	Conoscere la matematica	Matematica
	12348	Manca Roberta	10/5/1988	T3	Informatica e Azienda	Informatica

Gli operatori derivati: l'intersezione

Date due relazioni compatibili R e S, l'**intersezione** di R e S restituisce la relazione composta da tutte le n-uple presenti sia in R sia in S.

$$R \cap S = \{ t \mid t \in R \text{ AND } t \in S \}$$



Gli operatori derivati: l'intersezione

R = Clienti08

R	<u>CodCli</u>	Cognome	Provincia	Indirizzo
	C006	Bianchi	MI	Via Po, 23
	C002	Neri	LE	Via Roma, 12
	C005	Rossi	MI	Via Moro, 2

S = Clienti09

S	<u>CodCli</u>	Cognome	Provincia	Indirizzo
	C016	Verdi	CO	Via Moro, 13
	C002	Neri	LE	Via Roma, 12
	C005	Rossi	MI	Via Moro, 2

$R \cap S$

$R \cap S$	<u>CodCli</u>	Cognome	Provincia	Indirizzo
	C002	Neri	LE	Via Roma, 12
	C005	Rossi	MI	Via Moro, 2

$\text{Grado}(R \cap S) = \text{Grado}(S) = \text{Grado}(R)$

$\text{Card}(R \cap S) \leq \text{cardinalità minore tra Card}(R) \text{ e Card}(S)$

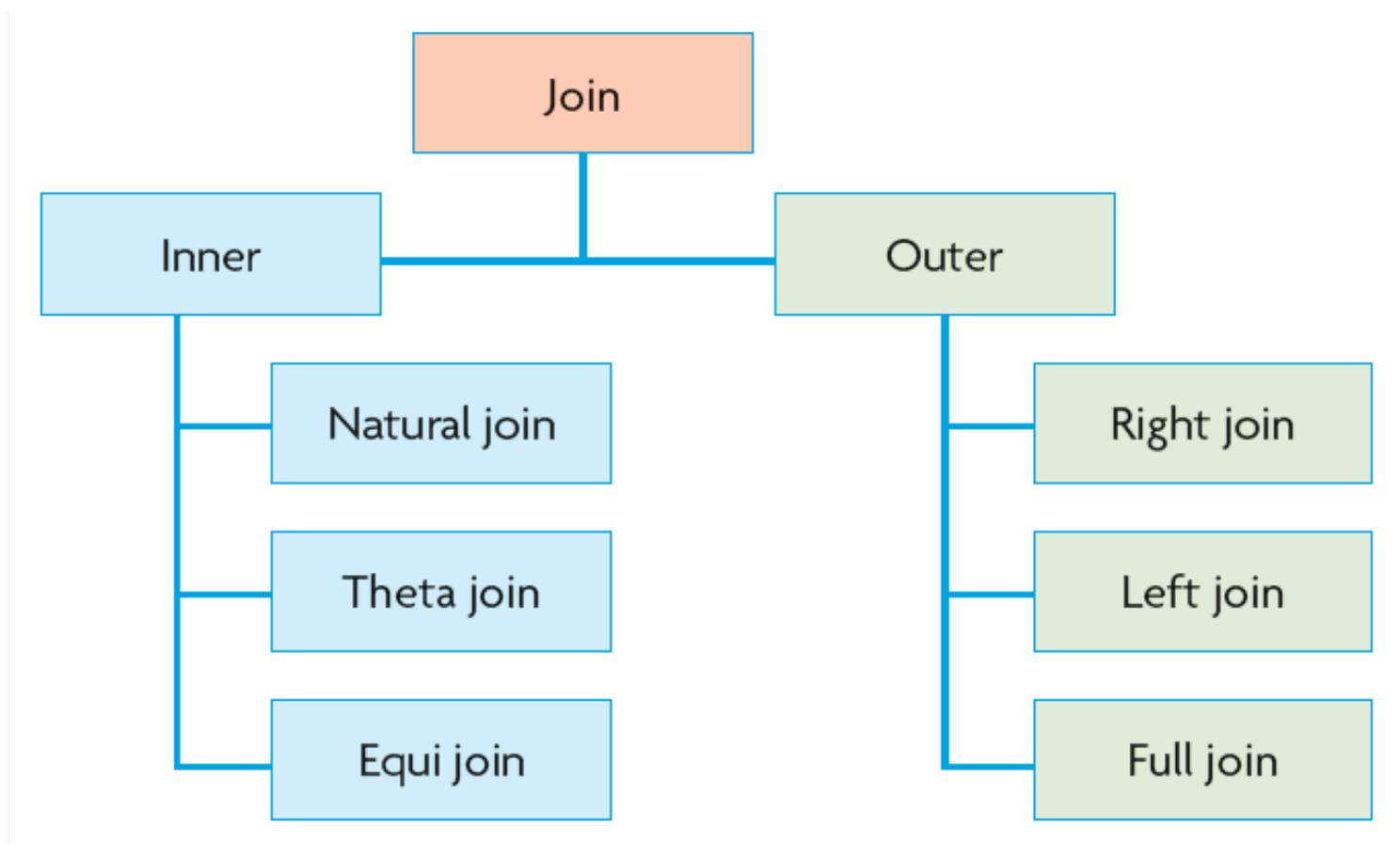
In particolare, si ha:

$\text{Card}(R \cap S) = \text{Card}(R)$ se $R \subseteq S$

$\text{Card}(R \cap S) = \text{Card}(S)$ se $S \subseteq R$

Gli operatori derivati: il join (giunzione)

L'operazione di **join (giunzione)** consente di costruire una relazione applicando uno specifico criterio di restrizione sul prodotto cartesiano di due relazioni.



Gli operatori derivati: natural join

Il **natural join (giunzione naturale)** è un operatore che correla i dati di due relazioni sulla base di uno o più attributi in comune (valori uguali in attributi con lo stesso nome) definiti sugli stessi domini. La relazione risultante contiene:

- l'unione degli attributi delle relazioni di partenza;
- le n-uple della prima relazione concatenate alle n-uple della seconda relazione secondo i valori uguali negli attributi comuni.

Date due relazioni R e S rispettivamente di grado g_1 e g_2 , l'operazione di natural join di R e S su un attributo A di R e un attributo B di S, aventi lo stesso tipo, restituisce una relazione di grado $(g_1 + g_2 - 1)$ le cui n-uple si ottengono con il seguente procedimento:

1. Si effettua il prodotto cartesiano di R e S;
2. Sulla relazione così ottenuta si effettua una restrizione sulle n-uple aventi gli attributi A e B dello stesso valore;
3. La relazione così ottenuta ha le colonne A e B uguali, per cui si elimina una di tali colonne.

In simboli: $R \bowtie S$

Natural join: esempio

Siano R e S due tabelle che rappresentano i clienti e gli agenti di un'azienda. Determinare un'unica tabella in modo tale da avere le informazioni di ogni cliente e degli agenti da cui esso viene servito.

R = Cliente				S = Agente		
R	<u>CodCli</u>	NomeCli	IndirizzoCli	<u>CodAg</u>	NomeAg	TelAgente
	C006	Bianchi	Via Po, 23	A0052		
	C002	Neri	Via Roma, 12	A0016		
	C005	Rossi	Via Moro, 2	A0052		
				A0016	Polis	346/5647523
				A0052	Rinaldi	322/7665541

1. Effettuiamo il prodotto cartesiano:

<u>CodCli</u>	NomeCli	IndirizzoCli	CodAg	<u>CodAg</u>	NomeAg	TelAgente
C006	Bianchi	Via Po, 23	A0052	A0016	Polis	346/5647523
C006	Bianchi	Via Po, 23	A0052	A0052	Rinaldi	322/7665541
C002	Neri	Via Roma, 12	A0016	A0016	Polis	346/5647523
C002	Neri	Via Roma, 12	A0016	A0052	Rinaldi	322/7665541
C005	Rossi	Via Moro, 2	A0052	A0016	Polis	346/5647523
C005	Rossi	Via Moro, 2	A0052	A0052	Rinaldi	322/7665541

Natural join: esempio

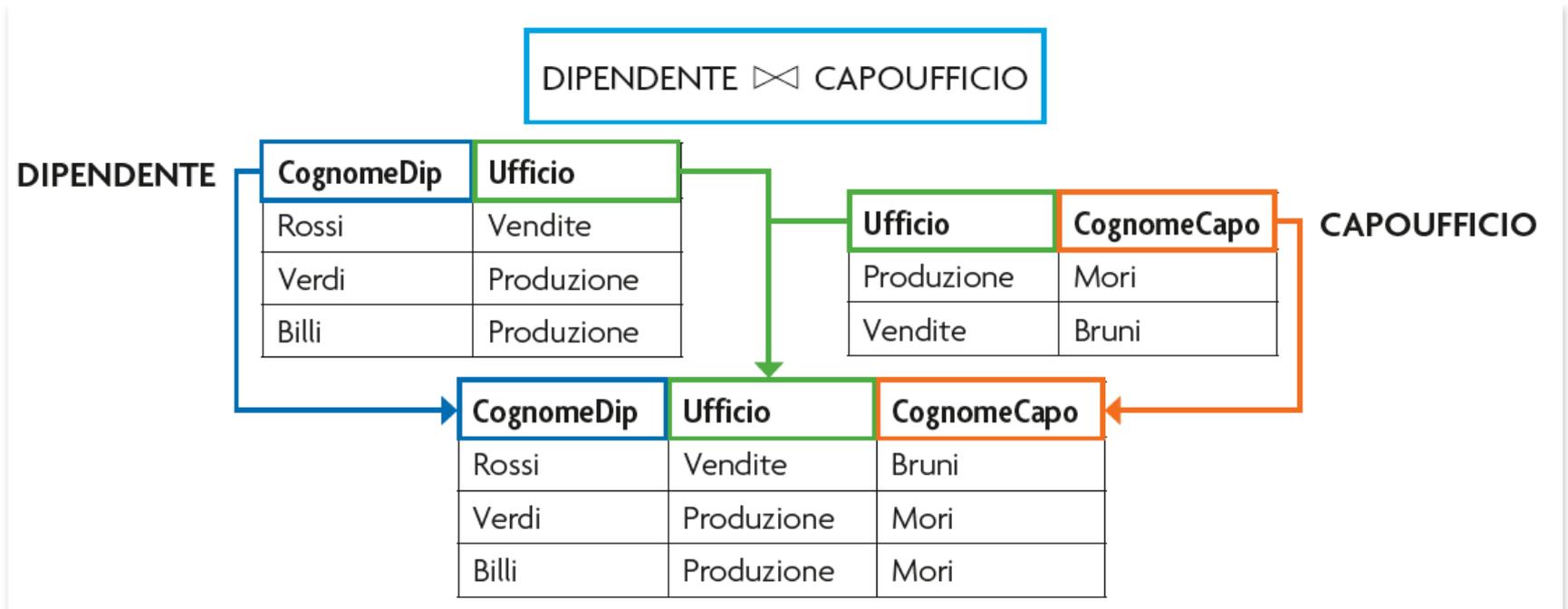
2. Effettuiamo la restrizione del prodotto cartesiano sull'attributo CodAg:

<u>CodCli</u>	NomeCli	IndirizzoCli	CodAg	<u>CodAg</u>	NomeAg	TelAgente
C006	Bianchi	Via Po, 23	A0052	A0052	Rinaldi	322/7665541
C002	Neri	Via Roma, 12	A0016	A0016	Polis	346/5647523
C005	Rossi	Via Moro, 2	A0052	A0052	Rinaldi	322/7665541

3. Eliminando una delle due colonne uguali, otteniamo:

<u>CodCli</u>	NomeCli	IndirizzoCli	<u>CodAg</u>	NomeAg	TelAgente
C006	Bianchi	Via Po, 23	A0052	Rinaldi	322/7665541
C002	Neri	Via Roma, 12	A0016	Polis	346/5647523
C005	Rossi	Via Moro, 2	A0052	Rinaldi	322/7665541

Natural join: esempio



Natural join: esempio

Esami

Matricola	CodCorso	Voto	Lode
29323	483	28	NO
39654	729	30	Sì
29323	913	26	NO
35467	913	30	NO

Corsi

CodCorso	Titolo	Docente	Anno
483	Analisi	Biondi	1
729	Analisi	Neri	1
913	Sistemi Informativi	Castani	2

Esami \bowtie Corsi

Matricola	CodCorso	Voto	Lode	Titolo	Docente	Anno
29323	483	28	NO	Analisi	Biondi	1
39654	729	30	Sì	Analisi	Neri	1
29323	913	26	NO	Sistemi Informativi	Castani	2
35467	913	30	NO	Sistemi Informativi	Castani	2

Natural join: esempi

Voli

Codice	Data	Comandante
AZ427	21/07/2001	Bianchi
AZ427	23/07/2001	Rossi
TW056	21/07/2001	Smith

Linee

Codice	Partenza	Arrivo
AZ427	FCO	JFK
TW056	LAX	FCO

Prenotazioni

Codice	Data	Classe	Cliente
AZ427	21/07/2001	Economy	Anna Bini
AZ427	21/07/2001	Business	Franco Dini
AZ427	23/07/2001	Economy	Ada Cini

Voli \bowtie Linee

Codice	Data	Comandante	Partenza	Arrivo
AZ427	21/07/2001	Bianchi	FCO	JFK
AZ427	23/07/2001	Rossi	FCO	JFK
TW056	21/07/2001	Smith	LAX	FCO

Natural join: esempi

Voli ▷◁ Prenotazioni

Codice	Data	Comandante	Classe	Cliente
AZ427	21/07/2001	Bianchi	Economy	Anna Bini
AZ427	21/07/2001	Bianchi	Business	Franco Dini
AZ427	23/07/2001	Rossi	Economy	Ada Cini

Linee ▷◁ Prenotazioni

Codice	Partenza	Arrivo	Data	Classe	Cliente
AZ427	FCO	JFK	21/07/2001	Economy	Anna Bini
AZ427	FCO	JFK	21/07/2001	Business	Franco Dini
AZ427	FCO	JFK	23/07/2001	Economy	Ada Cini

Natural join e intersezione

Se due relazioni hanno lo **stesso schema** allora il **natural join coincide con l'intersezione** delle due relazioni.

VoliCharter

Codice	Data
XY123	21/07/2001
SC278	28/07/2001
XX338	18/08/2001

VoliNoSmoking

Codice	Data
SC278	28/07/2001
SC315	30/07/2001

VoliCharter \bowtie VoliNoSmoking

Codice	Data
SC278	28/07/2001

Natural join e prodotto cartesiano

Se due relazioni **non hanno attributi in comune** allora il **natural join coincide con il prodotto cartesiano** delle due relazioni.

VoliCharter

Codice	Data
XY123	21/07/2001
SC278	28/07/2001
XX338	18/08/2001

VoliNoSmoking

Numero	Giorno
SC278	28/07/2001
SC315	30/07/2001

VoliCharter \bowtie VoliNoSmoking

Codice	Data	Numero	Giorno
XY123	21/07/2001	SC278	28/07/2001
SC278	28/07/2001	SC278	28/07/2001
XX338	18/08/2001	SC278	28/07/2001
XY123	21/07/2001	SC315	30/07/2001
SC278	28/07/2001	SC315	30/07/2001
XX338	18/08/2001	SC315	30/07/2001

Natural join e ridenominazione: self-join

La ridenominazione permette di eseguire il natural join di una relazione su se stessa (**self-join**) in modo significativo.

Genitori

Genitore	Figlio
Luca	Anna
Maria	Anna
Giorgio	Luca
Silvia	Maria
Enzo	Maria

Per trovare nonni e nipoti:

$\rho_{\text{Nonno, Genitore} \leftarrow \text{Genitore, Figlio}}(\text{Genitori})$

Nonno	Genitore
Luca	Anna
Maria	Anna
Giorgio	Luca
Silvia	Maria
Enzo	Maria

$\rho_{\text{Nonno, Genitore} \leftarrow \text{Genitore, Figlio}}(\text{Genitori}) \bowtie \text{Genitori}$

... poi si può ridenominare Figlio in Nipote e proiettare su {Nonno, Nipote}

Nonno	Genitore	Figlio
Giorgio	Luca	Anna
Silvia	Maria	Anna
Enzo	Maria	Anna

Gli operatori derivati: theta join

Il **theta join** di due relazioni R e S, rispetto a un attributo A di R e un attributo B di S, è una relazione che si ottiene dal prodotto $R \times S$ selezionando le n-uple che soddisfano il criterio di selezione presente nella condizione di join $A \theta B$. In simboli:

$$R \bowtie_{A \theta B} S \equiv \delta_{A \theta B} (R \times S)$$

dove A e B sono gli attributi delle relazioni corrispondenti al dominio in comune, θ è l'operatore di confronto ($=, <, >, \leq, \geq, \neq$).

L'operazione di theta join restituisce una relazione ottenuta con il seguente procedimento:

1. Si effettua il prodotto cartesiano di R e S;
2. Sulla relazione così ottenuta si effettua una selezione delle n-uple in cui gli attributi appartenenti al dominio in comune soddisfano la condizione;
3. Si rinominano gli attributi comuni con lo stesso nome, in modo che compaiano una volta sola.

Se l'operatore θ è quello di uguaglianza ($=$) si parla di **equi join**.

Gli operatori derivati: theta join

Il **theta join** di due relazioni R e S, rispetto a un attributo A di R e un attributo B di S, è una relazione che si ottiene dal prodotto $R \times S$ selezionando le n-uple che soddisfano il criterio di selezione presente nella condizione di join $A \theta B$. In simboli:

$$R \bowtie_{A \theta B} S \equiv \delta_{A \theta B} (R \times S)$$

dove A e B sono gli attributi delle relazioni corrispondenti al dominio in comune, θ è l'operatore di confronto ($=, <, >, \leq, \geq, \neq$).

L'operazione di theta join restituisce una relazione ottenuta con il seguente procedimento:

1. Si effettua il prodotto cartesiano di R e S;
2. Sulla relazione così ottenuta si effettua una selezione delle n-uple in cui gli attributi appartenenti al dominio in comune soddisfano la condizione;
3. Si rinominano gli attributi comuni con lo stesso nome, in modo che compaiano una volta sola.

Se l'operatore θ è quello di uguaglianza ($=$) si parla di **equi join**.

Theta join: esempi

IMPIEGATO

Cognome	CodProgetto
Rossi	A
Neri	A
Neri	B

PROGETTO

ID	NomeProgetto
A	Venere
B	Marte

IMPIEGATO \bowtie PROGETTO

Cognome	CodProgetto	ID	NomeProgetto
Rossi	A	A	Venere
Neri	A	A	Venere
Neri	B	A	Venere
Rossi	A	B	Marte
Neri	A	B	Marte
Neri	B	B	Marte

IMPIEGATO \bowtie PROGETTO
CodProgetto = ID

Cognome	CodProgetto	ID	NomeProgetto
Rossi	A	A	Venere
Neri	A	A	Venere
Neri	B	B	Marte

Theta join: esempi

Ricercatori

Nome	CodProgetto
Rossi	HK27
Verdi	HAL2000
Bianchi	HK27
Verdi	HK28
Neri	HAL2000

Progetti

Sigla	Responsabile
HK27	Bianchi
HAL2000	Neri
HK28	Verdi

Ricercatori \bowtie CodProgetto=Sigla Progetti

Nome	CodProgetto	Sigla	Responsabile
Rossi	HK27	HK27	Bianchi
Verdi	HAL2000	HAL2000	Neri
Bianchi	HK27	HK27	Bianchi
Verdi	HK28	HK28	Verdi
Neri	HAL2000	HAL2000	Neri

Ricercatori \bowtie (CodProgetto=Sigla) AND Progetti
(Nome \neq Responsabile)

Nome	CodProgetto	Sigla	Responsabile
Rossi	HK27	HK27	Bianchi
Verdi	HAL2000	HAL2000	Neri

Gli operatori derivati: esercizio

Consideriamo le seguenti relazioni:

FILM1(CodFilm1, Titolo, Lunghezza, NomeStudio)

FILM2(CodFilm2, AttorePrincipale, CodiceFilm1)

Interrogazione: "Trovare l'attore principale dei film che durano almeno 120 minuti".

Query:

$\pi_{\text{AttorePrincipale}}(\sigma_{\text{Lunghezza} > 120}(\text{Film1} \bowtie_{\text{CodFilm1} = \text{CodiceFilm1}} \text{Film2}))$

Algebra con valori NULL:

- La **presenza di valori nulli** nelle istanze richiede un'estensione della **semantica degli operatori**;
- Inoltre, è utile considerare una estensione del join naturale che non scarta le n-uple dangling, ma genera valori nulli;
- Va premesso che esistono diversi approcci al trattamento dei valori nulli, nessuno dei quali è completamente soddisfacente (per ragioni formali e/o pragmatiche) ;
- L'approccio che qui si presenta è quello "tradizionale", che ha il pregio di essere molto simile a quello adottato in SQL (e quindi dai DBMS relazionali) .

Proiezione, unione e differenza con valori NULL

Proiezione, unione e differenza continuano a comportarsi usualmente, quindi **due n-uple sono uguali anche se ci sono dei valori NULL**.

Impiegati

Cod	Nome	Ufficio
123	Rossi	A12
231	Verdi	NULL
373	Verdi	A27
435	Verdi	NULL

$\pi_{\text{Nome, Ufficio}}(\text{Impiegati})$

Nome	Ufficio
Rossi	A12
Verdi	NULL
Verdi	A27

Responsabili

Cod	Nome	Ufficio
123	Rossi	A12
NULL	NULL	A27
435	Verdi	NULL

Impiegati \cup Responsabili

Cod	Nome	Ufficio
123	Rossi	A12
231	Verdi	NULL
373	Verdi	A27
435	Verdi	NULL
NULL	NULL	A27

Selezione con valori NULL

Per la selezione il problema è stabilire se, in presenza di NULL, un predicato è vero o meno per una data n-upla.

Impiegati

Cod	Nome	Ufficio
123	Rossi	A12
231	Verdi	NULL
373	Verdi	A27

$$\sigma_{\text{Ufficio} = \text{A12}}(\text{Impiegati})$$

- Sicuramente la prima n-upla fa parte del risultato e la terza no;
- Ma la seconda? Nulla si può dire;
- E la stessa cosa nel caso in cui si avesse $\sigma_{\text{Ufficio} \neq \text{A12}}(\text{Impiegati})$!

Selezione: logica a tre valori

Oltre ai valori di verità V e F, si introduce il valore Sconosciuto (?):

NOT

V	F
F	V
?	?

AND

	V	F	?
V	V	F	?
F	F	F	F
?	?	F	?

OR

	V	F	?
V	V	V	V
F	V	F	?
?	V	?	?

- Una selezione produce le sole n-uple per cui l'espressione dei predicati risulti vera;
- Per lavorare esplicitamente con i NULL si introduce l'**operatore di confronto IS**, ad esempio A IS NULL;
- NOT (A IS NULL) si scrive anche A IS NOT NULL.

Selezione con valori NULL: esempi

Impiegati

Cod	Nome	Ufficio
123	Rossi	A12
231	Verdi	NULL
373	Verdi	A27
385	NULL	A27

$\sigma_{\text{Ufficio} = \text{A12}}(\text{Impiegati})$

Cod	Nome	Ufficio
123	Rossi	A12

$\sigma_{(\text{Ufficio} = \text{A12}) \text{ OR } (\text{Ufficio} \neq \text{A12})}(\text{Impiegati})$

Cod	Nome	Ufficio
123	Rossi	A12
373	Verdi	A27
385	NULL	A27

$\sigma_{(\text{Ufficio} = \text{A27}) \text{ AND } (\text{Nome} = \text{Verdi})}(\text{Impiegati})$

Cod	Nome	Ufficio
373	Verdi	A27

$\sigma_{(\text{Ufficio} = \text{A27}) \text{ OR } (\text{Nome} = \text{Verdi})}(\text{Impiegati})$

Cod	Nome	Ufficio
231	Verdi	NULL
373	Verdi	A27
385	NULL	A27

$\sigma_{\text{Ufficio IS NULL}}(\text{Impiegati})$

Cod	Nome	Ufficio
231	Verdi	NULL

$\sigma_{(\text{Ufficio IS NULL}) \text{ AND } (\text{Nome IS NULL})}(\text{Impiegati})$

Cod	Nome	Ufficio
-----	------	---------

Natural join con valori NULL

Il natural join non combina due n-uple se queste hanno entrambe valore null su un attributo in comune (e valori uguali sugli eventuali altri attributi comuni)

Impiegati	Cod	Nome	Ufficio
	123	Rossi	A12
	231	Verdi	NULL
	373	Verdi	A27
	435	Verdi	NULL

Responsabili	Ufficio	Cod
	A12	123
	A27	NULL
	NULL	231

Impiegati \bowtie Responsabili

Cod	Nome	Ufficio
123	Rossi	A12

Inner join e outer join

L'**inner join (giunzione interna)** restituisce solo i record verificati esistenti in entrambe le tabelle, escludendo, di conseguenza, tutte le n-uple che non hanno corrispondenza.

L'**outer join (giunzione esterna)** restituisce tutti i record delle due tabelle, senza escludere le n-uple che non hanno corrispondenza. In particolare, l'outer join completa con valori NULL le n-uple che non hanno corrispondenza.

Outer join: il problema

PERSONA

<u>Codice</u>	Nome	Cognome
1	Mario	Rossi
2	Luigi	Bianchi
3	Giuseppe	Neri

AUTOMOBILE

<u>Targa</u>	Modello	Codice
AASSGG	Tipo1	1
UUJJHH	Tipo2	1
PPLLBB	Tipo3	2
WWYYXX	Tipo4	

Applichiamo un natural join alle due tabelle sull'attributo Codice, e proiettiamo su tutte le colonne tranne Codice:

Targa	Modello	Nome	Cognome
AASSGG	Tipo1	Mario	Rossi
UUJJHH	Tipo2	Mario	Rossi
PPLLBB	Tipo3	Luigi	Bianchi

Right outer join

Date due relazioni A e B, il **right outer join** restituisce una relazione selezionando tutte le n-uple di A che corrispondono a B, più i record di B (relazione di destra) che non corrispondono. Le n-uple che non corrispondono vengono riempite col valore NULL.

Targa	Modello	Nome	Cognome
AASSGG	Tipo1	Mario	Rossi
UUJJHH	Tipo2	Mario	Rossi
PPLLBB	Tipo3	Luigi	Bianchi
Null	Null	Giuseppe	Neri

Left outer join

Date due relazioni A e B, il **left outer join** restituisce una relazione selezionando tutte le n-uple di A che corrispondono a B, più i record di A (relazione di sinistra) che non corrispondono. Le n-uple che non corrispondono vengono riempite col valore NULL.

Targa	Modello	Nome	Cognome
AASSGG	Tipo1	Mario	Rossi
UUJJHH	Tipo2	Mario	Rossi
PPLLBB	Tipo3	Luigi	Bianchi
WWYYXX	Tipo4	Null	Null

Full outer join

Il **full outer join** applica contemporaneamente sia il left outer join sia il right outer join.

Targa	Modello	Nome	Cognome
AASSGG	Tipo1	Mario	Rossi
UUJJHH	Tipo2	Mario	Rossi
PPLLBB	Tipo3	Luigi	Bianchi
Null	Null	Giuseppe	Neri
WWYYXX	Tipo4	Null	Null

Outer join: esempi

Ricercatori

Nome	CodProgetto
Rossi	HK27
Bianchi	HK27
Verdi	HK28

Progetti

CodProgetto	Responsabile
HK27	Bianchi
HAL2000	Neri

Ricercatori $=\triangleright\triangleleft$ Progetti

Nome	CodProgetto	Responsabile
Rossi	HK27	Bianchi
Bianchi	HK27	Bianchi
Verdi	HK28	NULL

Ricercatori $=\triangleright\triangleleft=$ Progetti

Nome	CodProgetto	Responsabile
Rossi	HK27	Bianchi
Bianchi	HK27	Bianchi
Verdi	HK28	NULL
NULL	HAL2000	Neri

Ricercatori $\triangleright\triangleleft=$ Progetti

Nome	CodProgetto	Responsabile
Rossi	HK27	Bianchi
Bianchi	HK27	Bianchi
NULL	HAL2000	Neri

Database per esercizi

Imp

CodImp	Nome	Sede	Ruolo	Stipendio
E001	Rossi	S01	Analista	2000
E002	Verdi	S02	Sistemista	1500
E003	Bianchi	S01	Programmatore	1000
E004	Gialli	S03	Programmatore	1000
E005	Neri	S02	Analista	2500
E006	Grigi	S01	Sistemista	1100
E007	Violetti	S01	Programmatore	1000
E008	Aranci	S02	Programmatore	1200

Sedi

Sede	Responsabile	Citta
S01	Biondi	Milano
S02	Mori	Bologna
S03	Fulvi	Milano

Prog

CodProg	Citta
P01	Milano
P01	Bologna
P02	Bologna

Esercizi proposti

Scrivere delle espressioni per rispondere alle seguenti interrogazioni.

1. Nome, sede e stipendio degli impiegati che guadagnano più di 1300 Euro;

$\pi_{\text{Nome,Sede,Stipendio}}(\sigma_{\text{Stipendio} > 1300}(\text{Imp}))$

Nome	Sede	Stipendio
Rossi	S01	2000
Verdi	S02	1500
Neri	S02	2500

2. Sedi, responsabili e città degli impiegati che guadagnano più di 1300 Euro;

$\pi_{\text{Sede,Responsabile,Citta}}(\text{Sedi} \triangleright \triangleleft (\sigma_{\text{Stipendio} > 1300}(\text{Imp})))$

Sede	Responsabile	Citta
S01	Biondi	Milano
S02	Mori	Bologna

Esercizi proposti

3. Progetti nelle città delle sedi degli impiegati che guadagnano più di 1300 Euro;

CodProg
P01
P02

4. Responsabili delle sedi senza sistemisti.

Responsabile
Fulvi

Equivalenza di espressioni

Un'interrogazione su un database con schema \mathbf{R} può a tutti gli effetti essere vista come una funzione che a ogni istanza r di \mathbf{R} associa una relazione con un dato schema.

Un'espressione è quindi un modo specifico per esprimere (rappresentare) tale funzione, e due espressioni sono tra loro equivalenti se rappresentano la stessa funzione:

Due espressioni $E1$ ed $E2$ espresse su un DB \mathbf{R} si dicono equivalenti rispetto a \mathbf{R} se e solo se per ogni istanza r di \mathbf{R} producono lo stesso risultato.

Equivalenze: considerazioni

- Due espressioni equivalenti E1 ed E2 garantiscono lo stesso risultato, ma ciò non significa che la scelta sia indifferente in termini di “risorse” necessarie;
- Considerazioni di questo tipo sono essenziali in fase di **ottimizzazione**, in cui la conoscenza delle **regole di equivalenza** può consentire di eseguire delle trasformazioni che possono portare a un’espressione valutabile in modo più efficiente rispetto a quella iniziale;
- In particolare, le regole più interessanti sono quelle che permettono di **ridurre la cardinalità degli operandi** e quelle che portano a una **semplificazione dell’espressione**.

Regole di equivalenza

Tra le regole base di equivalenza, si hanno le seguenti:

- Il natural join è commutativo e associativo:

$$E_1 \bowtie E_2 \equiv E_2 \bowtie E_1 \quad (E_1 \bowtie E_2) \bowtie E_3 \equiv E_1 \bowtie (E_2 \bowtie E_3) \equiv E_1 \bowtie E_2 \bowtie E_3$$

- Selezione e proiezione si possono raggruppare:

$$\sigma_{F_1}(\sigma_{F_2}(E)) \equiv \sigma_{F_1 \text{ AND } F_2}(E) \quad \pi_Y(\pi_{YZ}(E)) \equiv \pi_Y(E)$$

- Selezione e proiezione commutano:

$$\pi_Y(\sigma_F(E)) \equiv \sigma_F(\pi_Y(E))$$

- “Push-Down” della selezione rispetto al join:

$$\sigma_F(E_1 \bowtie E_2) \equiv \sigma_F(E_1) \bowtie E_2$$